Документ подписан простой электронной подписью Информация о владельце:

ФИО: Ястребов Олег Афедеральное государственное автономное образовательное учреждение Должность: Ректор дата подписания: 01.07.20 высшего образования «Российский университет дружбы народов»

Уникальный программный ключ:

са953а0120d891083f939673078е Факультет физико-математических и естественных наук

(наименование основного учебного подразделения (ОУП) – разработчика ОП ВО)

## ПРОГРАММА ГОСУДАРСТВЕННОЙ ИТОГОВОЙ АТТЕСТАЦИИ

Рекомендована МССН для направления подготовки/специальности:

01.04.02 «Прикладная математика и информатика»

(код и наименование направления подготовки/специальности)

Государственная итоговая аттестация проводится в рамках реализации основной профессиональной образовательной программы высшего образования (ОП ВО):

«Математические модели в междисциплинарных исследованиях (РУДН-КазНУ)»

(наименование (профиль/специализация) ОП ВО)

# 1. ЦЕЛЬ ПРОВЕДЕНИЯ И ЗАДАЧИ ГОСУДАРСТВЕННОЙ ИТОГОВОЙ АТТЕСТАЦИИ (ГИА)

**Целью** проведения ГИА в рамках реализации ОП ВО «Математические модели в междисциплинарных исследованиях (РУДН-КазНУ)» является определение соответствия результатов освоения обучающимися ОП ВО соответствующим требованиям ФГОС ВО или ОС ВО РУДН.

Задачами государственной итоговой аттестации являются:

- проверка качества обучения личности основным гуманитарным знаниям, естественнонаучным законам и явлениям, необходимым в профессиональной деятельности;
- определение уровня теоретической и практической подготовленности выпускника к выполнению профессиональных задач в соответствии с получаемой квалификацией;
- установление степени стремления личности к саморазвитию, повышению своей квалификации и мастерства;
- проверка сформированности у выпускника устойчивой мотивации к профессиональной деятельности в соответствии с предусмотренными ОС ВО РУДН/ФГОС ВО типами задач профессиональной деятельности;
- оценка уровня способности выпускников находить организационноуправленческие решения в нестандартных ситуациях и готовности нести за них ответственность;
- обеспечение интеграции образования и научно-технической деятельности, повышение эффективности использования научно-технических достижений, реформирование научной сферы и стимулирование инновационной деятельности;
- обеспечение качества подготовки специалистов в соответствии с требованиями ОС ВО РУДН/ФГОС ВО.

#### 2. ТРЕБОВАНИЯ К РЕЗУЛЬТАТАМ ОСВОЕНИЯ ОП ВО

К ГИА допускается обучающийся, не имеющий академической задолженности и в полном объеме выполнивший учебный план или индивидуальный учебный план ОП ВО.

По окончанию освоения ОП ВО выпускник должен обладать следующими **универсальными компетенциями** (УК):

## Код и наименование УК

- УК-1. Способен осуществлять поиск, критический анализ проблемных ситуаций на основе системного подхода, вырабатывать стратегию действий
- УК-2. Способен управлять проектом на всех этапах его жизненного цикла
- УК-3. Способен организовывать и руководить работой команды, вырабатывая командную стратегию для достижения поставленной цели
- УК-4. Способен применять современные коммуникативные технологии на государственном языке Российской Федерации и иностранном(ых) языке(ах) для академического и профессионального взаимодействия
- УК-5. Способен анализировать и учитывать разнообразие культур в процессе межкультурного взаимодействия
- УК-6. Способен определить и реализовать приоритеты собственной деятельности и способы ее совершенствования на основе самооценки

#### Код и наименование УК

УК-7. Способен: искать нужные источники информации и данные, воспринимать, анализировать, запоминать и передавать информацию с использованием цифровых средств, а также с помощью алгоритмов при работе с полученными из различных источников данными с целью эффективного использования полученной информации для решения задач; проводить оценку информации, ее достоверность, строить логические умозаключения на основании поступающих информации и данных

## - общепрофессиональными компетенциями (ОПК):

## Код и наименование ОПК

- ОПК-1. Способностью формулировать и решать актуальные и значимые проблемы математики
- ОПК-2. Способен совершенствовать и реализовывать новые математические методы решения прикладных задач
- ОПК-3. Способен разрабатывать математические модели и проводить их анализ при решении задач в области профессиональной деятельности
- ОПК-4. Способность комбинировать и адаптировать существующие информационнокоммуникационные технологии для решения задач в области профессиональной деятельности с учетом требований информационной безопасности

## - профессиональными компетенциями (ПК):

#### Код и наименование ПК

- ПК.1. Способен проводить научные исследования и получать новые научные и прикладные результаты самостоятельно и в составе научного коллектива
- ПК.2. Способен разрабатывать и анализировать концептуальные и теоретические модели решаемых научных проблем и задач
- ПК.3. Способен разрабатывать и применять математические методы, системное и прикладное программное обеспечение для решения задач научной и проектнотехнологической
- ПК.4. Способен разрабатывать и анализировать концептуальные и теоретические модели решаемых задач проектной и производственно-технологической деятельности
- ПК.5. Способен управлять проектами, планировать научно-исследовательскую деятельность, анализировать риски, управлять командой проекта
- ПК.6. Способен организовывать процессы корпоративного обучения на основе информационных технологий и развития корпоративных баз знаний
- ПК.7. Способен разрабатывать и оптимизировать бизнес-планы научно-прикладных проектов
- ПК.8. Способен разрабатывать корпоративные стандарты и профили функциональной стандартизации приложений, систем, информационной инфраструктуры
- ПК.9. Способен к преподаванию математических дисциплин и информатики в общеобразовательных организациях, профессиональных образовательных организациях и образовательных организациях высшего образования
- ПК.10. Способен разрабатывать учебно-методические комплексы для электронного обучения
- ПК.11. Способен разрабатывать аналитические обзоры состояния области прикладной

#### Код и наименование ПК

математики и информационных технологий

ПК.12. Способен руководить учебно-исследовательской деятельностью обучающихся

ПК.13. Способен осознавать корпоративную политику в области повышения социальной ответственности бизнеса перед обществом, принимать участие в ее развитии

ПК.40.011.01. Проведение работ по обработке и анализу научно-технической информации и результатов исследований

#### 3. СОСТАВ ГИА

ГИА может проводится как в очном формате (обучающиеся и государственная экзаменационная комиссия во время проведения ГИА находятся в РУДН), так и с использованием дистанционных образовательных технологий (ДОТ), доступных в Электронной информационно-образовательной среде РУДН (ЭИОС).

Порядок проведения ГИА в очном формате или с использованием (ДОТ) регламентируется соответствующим локальным нормативным актом РУДН.

ГИА по ОП ВО «Математические модели в междисциплинарных исследованиях (РУДН-КазНУ)» включает в себя:

- государственный экзамен (ГЭ);
- защиту выпускной квалификационной работы (ВКР).

## 4. ПРОГРАММА ГЭ:

## Непрерывные математические модели

- 1. Спектральные проекторы. Функции от самосопряженного оператора.
- 2. Полиномы Лагранжа, Лежандра, Эрмита. Применение интерполяционного полинома Лагранжа к функциональному исчислению для операторов простой структуры (диагонализуемых операторов).
- 3. Присоединенные векторы. Теорема о приведении произвольной матрицы к жордановой нормальной форме преобразованием подобия. Функциональное исчисление от матрицы при помощи ее жордановой нормальной формы.
- 4. Интегральная теорема Коши и интегральная формула Коши. Функциональное исчисление для операторов при помощи контурного интегрирования. Нахождение спектральных проекторов методом контурного интегрирования.
- 5. Граничная задача для уравнения Штурма-Лиувилля. Функция Гринаи ее свойства. Теорема полноты системы собственных векторов задачи Штурма-Лиувилля.

## Математическая теория управления

1. Задачи на максимум и минимум. Конечномерные гладкие задачи без ограничений. Необходимые и достаточные условия экстремума. Принцип Ферма. Теорема Вейерштрасса и следствие из неё (о достижении функцией своих абсолютных максимумов и минимумов). Критерий Сильвестра.

- 2. Простейшая задача вариационного исчисления. Уравнение Эйлера-Лагранжа. Вывод уравнения Эйлера с помощью основной леммы вариационного исчисления (леммы Лагранжа).
- 3. Задача выпуклого программирования. Теорема Куна-Таккера. Двойственность выпуклых задач математического программирования. Двойственная постановка задачи линейного программирования и её практическое значение.
- 4. Линейное программирование. Геометрическая интерпретация задач линейного программирования. Схема симплекс-метода.
- 5. Нелинейное программирование. Схема метода последовательного квадратичного программирования (SQP).
- 6. Каноническая задача оптимального управления. Принцип максимума Понтрягина необходимое условие сильного минимума (формулировка). Пример Фельдбаума или Бушоу.
- 7. Связь принципа максимума Понтрягина с условиями классического вариационного исчисления.

## Математические модели сплошных сред

- 1. Основные определяющие уравнения сплошной среды:
  - а) уравнение неразрывности (закон сохранения массы)
  - б) уравнение движения среды (в переменных Эйлера, Лагранжа)
  - в) уравнение энергии
  - г) уравнение состояния
- 2. Гидромеханика идеальной жидкости.
- 3. Общая постановка задач гидродинамики.

### Функционально-дифференциальные уравнения

- 1. Достаточные условия дискретности спектра краевой задачи для дифференциальноразностного уравнения на отрезке.
- 2. Сильно эллиптические дифференциально-разностные уравнения. Проблема коэрцитивности, фредгольмова разрешимость и дискретность спектра первой краевой задачи.
- 3. Гладкость обобщённых решений первой краевой задачи для сильно эллиптического дифференциально-разностного уравнения.
- 4. Сильно эллиптические функционально-дифференциальные уравнения с растяжениями и сжатиями. Проблема коэрцитивности.

#### Нелокальные краевые задачи

1. Разрешимость в пространствах Соболева и спектральные свойства нелокальных краевых задач для эллиптических уравнений с параметром в случае носителя нелокальных данных внутри области.

- 2. Определение и свойства весовых пространств в плоском угле и в плоской ограниченной области. Интерполяционные неравенства. Теорема о компактности вложения.
- 3. Нелокальная краевая задача для уравнения Пуассона в плоской ограниченной области с носителем нелокальных данных вблизи границы. Априорная оценка решений в весовых пространствах.
- 4. Фредгольмова разрешимость в весовых пространствах нелокальной краевой задачи для уравнения Пуассона с носителем нелокальных данных вблизи границы.

## Нейронные сети

- 1. Песептрон Розенблата.
- 2. Задачи, решаемые с помощью нейронных сетей.
- 3. Принцип функционирования многослойных сетей прямого распространения
- 4. Принципы обучения нейронных сетей "с учителем" и "без учителя".
- 5. Радиально-базисные функции. Принцип функционирования нейронных сетей на базе RBF-функций.
- 6. Примеры основных типов активационных функций.
- 7. Обратное распространение ошибки в многослойных сетях прямого распространения.

## История и методология прикладной математики и информатики

- 1. Предмет истории математики. Основные этапы развития математики.
- 2. Математика постоянных величин и основные вехи ее развития.
- 3. Математика переменных величин и основные вехи ее развития.
- 4. Основные этапы развития информатики.

Объем ГЭ по ОП ВО составляет 3 зачетные единицы.

Государственный экзамен проводится в два этапа:

**Первый этап** — оценка уровня теоретической подготовки выпускника в форме **компьютерного тестирования** с использованием средств, доступных в Электронной информационно-образовательной среде РУДН (ЭИОС);

Второй этап — оценка практической подготовки выпускника к будущей профессиональной деятельности в форме решения производственных ситуационных задач (кейсов).

Для подготовки обучающихся к сдаче ГЭ руководитель ОП ВО (не позднее чем за один календарный месяц до начала ГИА) обязан ознакомить обучающихся выпускного курса с настоящей программой ГИА, исчерпывающим перечнем теоретических вопросов, включаемых в ГЭ, примерами производственных ситуационных задач (кейсов), которые необходимо будет решить в процессе прохождения аттестационного испытания, а также с порядком проведения каждого из этапов ГЭ и методикой оценивания его результатов (с оценочными материалами).

Перед ГЭ проводится обязательное консультирование обучающихся по вопросам и задачам, включенным в программу ГЭ (предэкзаменационная консультация).

**Порядок проведения компьютерного тестирования** в рамках ГИА следующий:

- 1) в тестовой части государственного междисциплинарного экзамена содержится минимально необходимое число вопросов из основных разделов основной образовательной программы для выявления общей необходимой компетентности студента в рамках требований ОС ВО РУДН и соответствующей образовательной программы данного направления подготовки;
- 2) количество вопросов в тесте -10; общее время, отводимое на выполнение теста -90 минут.

## Порядок проведения второго этапа ГЭ следующий:

- 1) общее количество экзаменационных билетов определяется числом студентов, допущенных к прохождению государственного экзамена;
  - 2) количество вопросов в экзаменационном билете -2;
- 3) Не допускается совмещать в экзаменационном билете два вопроса, относящихся к одной и той же предметной области (дисциплине). По решению экзаменационной комиссии студенту могут быть заданы дополнительные вопросы, относящиеся к основным разделам программы государственного экзамена и включенные в список вопросов для подготовки к государственному экзамену.

Оценивание результатов сдачи ГЭ проводится в соответствии с методикой, изложенной в оценочных материалах, представленных в Приложении к настоящей программе ГИА.

# 5. ТРЕБОВАНИЯ К ВКР И ПОРЯДОК ЕЁ ЗАЩИТЫ

ВКР представляет собой выполненную обучающимся (несколькими обучающимися совместно) работу, демонстрирующую уровень подготовленности выпускника к самостоятельной профессиональной деятельности.

Перечень тем выпускных квалификационных работ, предлагаемых обучающимся к выполнению, утверждается распоряжением руководителя ОУП, реализующего ОП ВО, и доводится руководителем программы до сведения обучающихся выпускного курса не позднее чем за 6 месяцев до даты начала ГИА.

Допускается подготовка и защита ВКР по теме, предложенной обучающимся (обучающимися), в установленном порядке.

К защите ВКР допускается обучающийся, сдавший ГЭ.

К защите допускается только полностью законченная ВКР, подписанная выпускником (выпускниками), её выполнившим, руководителем, консультантом (при наличии), руководителем выпускающего БУП и ОУП, прошедшая процедуру внешнего рецензирования (для магистратуры и специалитета обязательно) и проверку на объём заимствований (в системе «Антиплагиат»). К ВКР, допущенной до защиты, в обязательном порядке прикладывается отзыв руководителя о работе выпускника при подготовке ВКР.

С целью выявления и своевременного устранения недостатков в структуре, содержании и оформлении ВКР, не позднее чем за 14 дней до даты её защиты, проводится репетиция защиты обучающимися своей работы (предзащита) в присутствии руководителя ВКР и других преподавателей выпускающего БУП.

Защита ВКР проводится на открытом заседании государственной экзаменационной комиссии (ГЭК).

Аттестационное испытание проводится в виде устного доклада обучающихся с обязательной мультимедийной (графической) презентацией, отражающей основное содержание ВКР.

По завершению доклада защищающиеся дают устные ответы на вопросы, возникшие у членов ГЭК по тематике, структуре, содержанию или оформлению ВКР и профилю ОП ВО. Доклад и/или ответы на вопросы членов ГЭК могут быть на иностранном языке.

Этапы выполнения ВКР, требования к структуре, объему, содержанию и оформлению, а также перечень обязательных и рекомендуемых документов, представляемых к защите указаны в соответствующих методических указаниях.

Оценивание результатов защиты ВКР проводится в соответствии с методикой, изложенной в оценочных материалах, представленых в Приложении к настоящей программе ГИА.

## 6. МАТЕРИАЛЬНО-ТЕХНИЧЕСКОЕ ОБЕСПЕЧЕНИЕ ПРОВЕДЕНИЯ ГИА

- 1) Аудитория для проведения занятий лекционного типа, оснащенная комплектом специализированной мебели; доской (экраном) и техническими средствами мультимедиа презентаций;
  - 2) Компьютерный класс для проведения тестирования.

## 7. УЧЕБНО-МЕТОДИЧЕСКОЕ И ИНФОРМАЦИОННОЕ ОБЕСПЕЧЕНИЕ ГИА

Основная литература для подготовки к  $\Gamma$ Э и/или выполнению и защите BKP:

- 1. Курош А. Г. Курс высшей алгебры [Текст]: Учебник для вузов. 15-е изд., стереотип.- СПб: Лань, 2006. 432 с.: ил
- 2. Курош А. Г.. Теория групп. М.: Физматлит, 2011. 808 с
- 3. Эльсгольц Л.Э. Дифференциальные уравнения и вариационное исчисление [Текст]: Учебник для вузов. 5-е изд. М.: Едиториал УРСС, 2002. 320 с.: ил.
- 4. Егоров А.И. Обыкновенные дифференциальные уравнения с приложениями [Текст] М.: Физматлит, 2003. 384 с.: ил.
- 5. Арнольд В.И. Обыкновенные дифференциальные уравнения [Текст] . 4-е изд. Ижевск: Ижевская республиканская типография: Изд-во УГУ, 2000. 368 с.: ил.
- 6. Филиппов А. Ф. Сборник задач по дифференциальным уравнениям: Учебное пособие. 4-е изд. М.: Либроком, 2011. 240 с.
- 7. Коршунов Ю.С. Функции комплексного переменного и операционное исчисление: Учебное пособие по курсу "Высшая математика". М.: Изд-во РУДН, 2007. 92 с.
- 8. Лебедев В. И. Функциональный анализ и вычислительная математика [текст]: Учебное пособие. 4-е изд., исправ. и доп. М.: Физматлит, 2005. 295 с.: ил.
- 9. Треногин В.А. Функциональный анализ [Текст]: Учебник. 3-е изд., исправ. М.: Физматлит, 2002. 488 с.: ил.
- 10. Самарский А. А.. Численные методы решения обратных задач математической физики [Текст]: Учебное пособие. М.: Изд-во ЛКИ, 2014
- 11. Холодниок М., Клич А., Кубичек М., Марек М. Методы анализа нелинейных математических моделей, М.: Мир, 1991 368 с.;
- 12. Меркни Д. Р., Введение в теорию устойчивости движения, М: Наука, 1987 304 с.

- 13. Гукенхеймер Дж., Холмс Ф. Нелинейные колебания, динамические системы и бифуркации векторных полей, Москва-Ижевск: Институт компьютерных исследований, 2002 560 с.;
- 14. Кузнецов С.П., Динамический хаос, М.: Физматлит, 2001 296 с.
- 15. Магницкий Н. А., Сидоров С. В. Новые методы хаотической динамики, М.: Едиториал УРСС, 2004 320 с.
- 16. Галеев Э.М. Оптимизация. Теория, примеры, задачи, М.: Либроком, 2010 336 с.;
- 17. Зеликин М.И. Оптимальное управление и вариационное исчисление, М.: Едиториал УРСС, 2004 160 с.;
- 18. Кузнецов А.В., Сакович В.А., Холод Н.И. Высшая математика. Математическое программирование, Мн.: Выш. шк., 1994 286 с.;
- 19. Карманов В.Г. Математическое программирование, М.: Физматлит, 2004 264 с.;
- 20. Кузнецов А.В., Холод Н.И., Костевич Л.С. Руководство к решению задач по математическому программированию, Мн.: Вышэйш. школа, 1978 256 с.;
- 21. Измаилов А.Ф., Солодов М.В. Численные методы оптимизации, М.: Физматлит, 2005 304 с.;
- 22. А. Брайсон, Хо Ю-Ши Прикладная теория оптимального управления, М.: Мир, 1972 544 с.
- 23. Россовский Л.Е. Качественная теория дифференциальных и функционально-дифференциальных уравнений. М.: РУДН, 2008.
- 24. Скубачевский А.Л. Неклассические краевые задачи, І, ІІ. В журнале "Современная математика. Фундаментальные направления", М.: РУДН, 2007, 2009 (тома 26, 33).
- 25. Липпман С., Лажойе Ж., Му Б. Язык программирования С++. Вводный курс, М.: Вильямс, 2007
- 26. Страуструп Б. Программирование. Принципы и практика использования С++, М: Вильямс, 2010
- 27. Булавин Л.А., Выгорницкий Н.В, Лебовка Н.И. Компьютерное моделирование физических систем, М.: ИД «Интеллект», 2011.
- 28. Мышкис А.Д. Элементы теории математических моделей. Изд. Испр. М. Ком книга, 2007 г., 192 с.
- 29. Рахматулин Х.А. Газовая волновая динамика. Изд. МГУ 1983 г., 196 с.
- 30. Пирумов У.Г. Численные методы. М. Дрофа, 2012 г., 221 с.
- 31. Кубанова А.К. Моделирование динамики движения поликомпонентных систем при внешних воздействиях. М. Изд-во «ИПЦ Маска» 2010 г., 280 с.
- 32. Самарский А.А., Михайлов А.П.. Математическое моделирование. Идеи. Методы. Примеры. 2-е изд. испр. М. Физматлит, 2001 г.

Ресурсы информационно-телекоммуникационной сети «Интернет»:

- 1. ЭБС РУДН и сторонние ЭБС, к которым студенты университета имеют доступ на основании заключенных договоров:
- Электронно-библиотечная система РУДН ЭБС РУДН http://lib.rudn.ru/MegaPro/Web
  - ЭБС «Университетская библиотека онлайн» http://www.biblioclub.ru
  - ЭБС Юрайт http://www.biblio-online.ru
  - ЭБС «Консультант студента» www.studentlibrary.ru
  - ЭБС «Лань» http://e.lanbook.com/
  - \_ЭБС «Троицкий мост»

- 2. Базы данных и поисковые системы:
- электронный фонд правовой и нормативно-технической документации http://docs.cntd.ru/
  - поисковая система Яндекс https://www.yandex.ru/
  - поисковая система Google <a href="https://www.google.ru/">https://www.google.ru/</a>
- реферативная база данных SCOPUS <a href="http://www.elsevierscience.ru/products/scopus/">http://www.elsevierscience.ru/products/scopus/</a>

Учебно-методические материалы для самостоятельной работы обучающихся при подготовке к сдаче  $\Gamma$ Э и/или выполнении BKP и подготовке работы к защите \*:

- 1. Методические указания по выполнению и оформлению ВКР по ОП ВО «Математические модели в междисциплинарных исследованиях».
  - 2. Порядок проверки ВКР на объём заимствований в системе «Антиплагиат».
- 3. Порядок проведения ГИА по ОП ВО «Математические модели в междисциплинарных исследованиях» с использованием ДОТ, в т.ч. процедура идентификации личности выпускника.

# 8. ОЦЕНОЧНЫЕ МАТЕРИАЛЫ И БАЛЛЬНО-РЕЙТИНГОВАЯ СИСТЕМА ОЦЕНИВАНИЯ УРОВНЯ СФОРМИРОВАННОСТИ КОМПЕТЕНЦИЙ У ВЫПУСКНИКОВ

Оценочные материалы и балльно-рейтинговая система\* оценивания уровня сформированности компетенций по итогам освоения дисциплины ОП ВО «Математические модели в междисциплинарных исследованиях» представлены в Приложении к настоящей программе ГИА.

## РУКОВОДИТЕЛЬ ВЫПУСКАЮЩЕГО БУП:

Математический институт	My	Муравник А.Б.	
Наименование БУП	Подпись	Фамилия И.О.	
РУКОВОДИТЕЛЬ ОП ВО:			
Научный руководитель, Математический институт	A-	Скубачевский А.Л.	
Должность, БУП	Подпись	Фамилия И.О.	

1.1/2