# Федеральное государственное автономное образовательное учреждение высшего образования «Российский университет дружбы народов»

Факультет физико-математических и естественных наук

### Институт Физических Исследований и Технологий (ИФИТ)

Рекомендовано МССН

#### РАБОЧАЯ ПРОГРАММА ДИСЦИПЛИНЫ

Наименование дисциплины Физика нелинейных процессов и явлений

Рекомендуется для направления подготовки/специальности

03.06.01 Физика и астрономия

Направленность программы (профиль)

01.04.02 – теоретическая физика

Квалификация (степень) выпускника Исследователь. Преподаватель-исследователь. **1. Цели и задачи дисциплины:** Изложение основных математико-физических методов исследования нелинейных процессов и явлений. Нацелено на восстановление и закрепление на более высоком математическом уровне знаний в области физики сплошных сред, полученных в курсах общей и теоретической физики, а также в специальных курсах магистратуры.

#### 2. Место дисциплины в структуре ОП ВО:

Дисциплина относится к вариативной части. Курс по выбору

#### 3. Требования к результатам освоения дисциплины:

Процесс изучения дисциплины направлен на формирование следующих компетенций:

- Владение фундаментальными знаниями в основных разделах теоретической физики, включая классическую и квантовую теорию поля, физику ядра и элементарных частиц, физику конденсированного состояния (ПК-2)

#### 4. Объем дисциплины и виды учебной работы

Общая трудоемкость дисциплины составляет 3 зачетных единиц.

Вид учебной работы		Всего часов		
Аудиторные занятия (всего)		40		
В том числе:		-		
Лекции		20		
Практические занятия (ПЗ)		-		
Семинары (С)		20		
Лабораторные работы (ЛР)		-		
Самостоятельная работа (всего)		68		
Общая трудоемкость	час	108		
	зач. ед.	3		

#### 5. Содержание дисциплины

#### 5.1. Содержание разделов дисциплины

Название разделов (тем) дисциплины	Краткое содержание разделов (тем) дисци-		
	плины:		
1. Введение.	Линейность (приближения точечных бесструктурных объектов, плоских волн и т.д.) и нелинейность (описание локализованных протяженных объектов и структур, нелинейных волновых процессов); существенно нелинейные модели процессов и явлений.		
2. Нелинейные волновые уравнения.	Теплопроводность твердого тела, задача Ферми-Пасты-Улама и уравнение Кортевега — де Вриза (КдВ); дислокации в кристаллах, теория двойникования Френкеля-		

	Конторовой и уравнение синус-Гордон; нелинейное уравнение Шрёдингера (НУШ), уравнение Кадомцева-Петвиашвили.				
3. Уравнение КдВ и НУШ в конкретных физических задачах.	Кпноидальные волны и солитоны; ионно- звуковые волны в плазме; ленгмюровские волны; гравитационные волны на мелкой воде; «светлые» и «темные» солитоны; электромагнитные волны в нелинейном диэлектрике; солитоны в волоконных све- товодах; самофокусировка света.				
4. Методы интегрирования нелинейных волновых уравнений (1).	Бесконечный набор законов сохранения, преобразования Коула-Хопфа, Миуры и Кустанхеймо-Штифеля; метод обратной задачи рассеяния, представление Лакса.				
5. Методы интегрирования нелинейных волновых уравнений (2).	Схема Захарова-Шабата и АКСН; прямые методы Хироты и Уолквиста-Эстабрука; преобразования Бэклунда.				
6.Гамильтоновость нелинейных эволюционных уравнений и представление нулевой кривизны.	Гамильтоновость нелинейных эволюционных уравнений и представление нулевой кривизны.				
7. Локализованные структуры с нетривиальной топологией.	Топологические характеристики эволюционных процессов, гомотопические законы сохранения и элементы теории гомотопий				
8 Калибровочные и киральные поля.	Кинки, вихри, монополи, инстантоны и скирмионы в киральных и калибровочных моделях физики полей и частиц, конденсированных сред, астрофизики и космологии.				
9. Солитонные модели.	Модели ферромагнетиков, жидких кристаллов, графенов и иных наноструктур; топологический анализ дефектов и структур в конденсированных.				

## 6. Лабораторный практикум не предусмотрен

### 7. Структура курса

Количество аудиторных часов: 10 лекций по 2 аудиторных часа; 10 семинаров по 2 аудиторных часа. Всего: 40 аудиторных часов.

Самостоятельная работа: 68 часов.

Итого: 108 часов.

#### Темы занятий

#### Содержание курса

Содержание курса посвящено изложению фундаментальных сведений по методам исследования нелинейных процессов и явлений теории поля, по универсальным нелинейным волновым уравнениям и методам их решения в применении к модельному описанию физики полей и частиц, конденсированных сред, астрофизики и космологии. В курсе активно используется язык теории групп и их представлений, дифференциальной геометрии и алгебраической топологии даются. Курс опирается на релятивистские представления, полученные студентами в рамках курса классической электродинамики, на лагранжев и гамильтонов формализмы, основы которых излагались в курсах классической механики и классической теории поля. Предполагается знание математического анализа, линейной алгебры, основ векторного и тензорного исчисления, дифференциальных уравнений, основ теории групп и дифференциальной геометрии. Необходимые сведения из алгебраической топологии (теории гомотопий и гомологий) излагаются непосредственно в курсе.

#### Темы лекций

#### Тема 1. Вводный раздел

Линейное приближение в описании физических явлений (приближение точечных бесструктурных объектов, плоских волн и т.д.) и нелинейная сущность процессов и явлений (описание локализованных протяженных объектов и структур, нелинейных волновых процессов); существенно нелинейные модели процессов и явлений.

#### Тема 2. Нелинейные волновые уравнения.

Теплопроводность твердого тела, задача Ферми-Пасты-Улама и уравнение Кортевега – де Вриза; дислокации в кристаллах, теория двойникования Френкеля-Конторовой и уравнение синус-Гордон; нелинейное уравнение Шрёдингера, уравнение Кадомцева-Петвиашвили.

#### Тема 3. Уравнение КдВ и НУШ в конкретных физических задачах.

Кноидальные волны и солитоны; ионно-звуковые волны в плазме; ленгмюровские волны; гравитационные волны на мелкой воде; «светлые» и «темные» солитоны; электромагнитные волны в нелинейном диэлектрике; солитоны в волоконных световодах; самофокусировка света.

#### Тема 4. Методы интегрирования нелинейных волновых уравнений.

Бесконечный набор законов сохранения, преобразования Коула-Хопфа, Миуры и Кустанхеймо-Штифеля; метод обратной задачи рассеяния, представление Лакса, схема Захарова-Шабата и АКСН; прямые методы Хироты и Уолквиста-Эстабрука; преобразования Бэклунда; гамильтоновость нелинейных эволюционных уравнений и представление нулевой кривизны.

#### Тема 5. Локализованные структуры с нетривиальной топологией.

Топологические характеристики эволюционных процессов, гомотопические законы сохранения и элементы теории гомотопий; кинки, вихри, монополи, инстантоны и

скирмионы в киральных и калибровочных моделях физики полей и частиц, конденсированных сред, астрофизики и космологии; солитонные модели ферромагнетиков, жидких кристаллов, графенов и иных наноструктур; топологический анализ дефектов и структур в конденсированных средах.

#### Учебно-тематический план

№ п/п	Наименование раздела дисциплины	Лекции	Лаб. занятия	Практ. занятия / семина- ры	Из них в ИФ	СРА	Всего часов
1.	Вводный раздел: линейность (приближения точечных бесструктурных объектов, плоских волн и т.д.) и нелинейность (описание локализованных протяженных объектов и структур, нелинейных волновых процессов); существенно нелинейные модели процессов и явлений.	3		3		8	14
2.	Нелинейные волновые уравнения: теплопроводность твердого тела, задача Ферми-Пасты-Улама и уравнение Кортевега — де Вриза (КдВ); дислокации в кристаллах, теория двойникования Френкеля-Конторовой и уравнение синус-Гордон; нелинейное уравнение Шрёдингера (НУШ), уравнение Кадомцева-Петвиашвили.	2		2	1	8	12
3.	Уравнение КдВ и НУШ в конкретных физических задачах: кноидальные волны и солитоны; ионно-звуковые волны в плазме; ленгмюровские волны; гравитационные волны на мелкой воде; «светлые» и «темные» солитоны; электромагнитные волны в нелинейном диэлектрике; солитоны в волоконных световодах; самофокусировка света.	3		3	1	8	14
4.	Методы интегрирования нелинейных волновых уравнений (1): бесконечный набор законов сохранения, преобразования Коула-Хопфа, Миуры и Кустанхеймо-Штифеля; метод об-	2		2	1	8	12

	ратной задачи рассеяния, представление Лакса.					
5.	Методы интегрирования нелинейных волновых уравнений (2): схема Захарова-Шабата и АКСН; прямые методы Хироты и Уолквиста-Эстабрука; преобразования Бэклунда.	2	2	2	7	11
6.	Гамильтоновость нелинейных эволюционных уравнений и представление нулевой кривизны.	2	2	1	7	11
7.	Локализованные структуры с нетривиальной топологией: топологические характеристики эволюционных процессов, гомотопические законы сохранения и элементы теории гомотопий;	2	2	2	7	11
8.	Калибровочные и киральные поля. Кинки, вихри, монополи, инстантоны и скирмионы в киральных и калибровочных моделях физики полей и частиц, конденсированных сред, астрофизики и космологии;	2	2	1	7	11
9.	Солитонные модели: ферромагнетиков, жидких кристаллов, графенов и иных наноструктур; топологический анализ дефектов и структур в конденсированных средах.	2	2		8	12
	ИТОГО	20	20	8	68	108

#### 8. Материально-техническое обеспечение дисциплины:

Мультимедийная аудитория или учебная аудитория с возможностью использования проектора и компьютерной техники для занятий по представлению презентационных материалов обучающимися. Компьютерные (дисплейные) классы с доступом к сети Интернет и электронно-образовательной среде Университета для проведения обучающимися самостоятельной работы и проведения компьютерного тестирования обучающихся (при необходимости).

#### 9. Информационное обеспечение дисциплины:

- а) программное обеспечение:
  - OC Windows, MS Office (программа корпоративного лицензирования (Microsoft Subscription) Enrollment for Education Solutions), браузер Firefox (лицензия MPL-2.0) или браузер Chrome (лицензия Google Chrome Terms of Service); Adobe Reader (Adobe Software License Agreement).

- OC Linux, офисный пакет LibreOffice (лицензия MPL-2.0), ПО для просмотра pdf (например, evince (лицензия GPL-2+ CC-BY-SA-3.0)).
- б) базы данных, информационно-справочные и поисковые системы:
  - Электронная библиотека РГБ http://www.rsl.ru/
  - Сайт библиотеки РУДН http://lib.rudn.ru/
  - Springer/Kluwer http://www.springerlink.com. Журналы и книги издательства Springer/Kluwer охватывают различные области знания и разбиты на предметные категории.
  - Tailor & Francis http://www.informaworld.com . Коллекция журналов насчитывает более 1000 именований по всем областям знаний.
  - Электронная библиотека http://www.rsl.ru/

#### 10. Учебно-методическое обеспечение дисциплины:

#### Литература

#### Список обязательной литературы

1. Ландау Л.Д., Лифшиц Е.М. Теоретическая физика в 10 томах. – М.: ФИЗМАТЛИТ, 2005.

#### Список дополнительной литературы и источников в интернете

- 1. 1. Ландау Л.Д., Лифшиц Е.М. Теоретическая физика в 10 томах. М.: ФИЗМАТЛИТ, 2005.
- 2. Датта С. Квантовый транспорт: от атома к транзистору. М.: 2009. ИКИ-РХД

#### 11. Методические указания для обучающихся по освоению дисциплины (модуля)

#### Организационно-методическое построение курса.

Курс состоит из лекций, практических занятий (семинаров), предусмотрено проведение консультаций. Лекции проводятся в интерактивном режиме — слушатели вовлекаются в дискуссию методом постановки вопросов по представленному материалу, а также по материалу, отвечающему базовому уровню подготовки. Вопросы формулируются в форме, провоцирующей активную реакцию слушателей.

Формат семинара — разбор материала, данного слушателям для самостоятельной проработки с целью лучшего усвоения и закрепления полученных знаний, а также для получения опыта их практического использования. Материал имеет форму практических задач, решение которых требует как аналитических, выкладок так иногда и ограниченного компьютерного моделирования. Семинар проходит в дискуссионной форме и носит характер мастер-класса.

Промежуточная аттестация в течение семестра проводится в виде теста по пройденному материалу. В конце семестра — экзамен в письменной форме. Экзаменационная задание содержит только задачи, решение которых требует активного использования полученных в течение семестра знаний. После собеседования выставляется итоговая оценка.

# 12. Фонд оценочных средств для проведения промежуточной аттестации обучающихся по дисциплине (модулю)

Материалы для оценки уровня освоения учебного материала дисциплины «Физика нелинейных процессов и явлений» (оценочные материалы), включающие в себя перечень компетенций с указанием этапов их формирования, описание показателей и критериев оценивания компетенций на различных этапах их формирования, описание шкал оценивания, типовые контрольные задания или иные материалы, необходимые для оценки знаний, умений, навыков и (или) опыта деятельности, характеризующих этапы формирования компетенций в процессе освоения образовательной программы, методические материалы, определяющие процедуры оценивания знаний, умений, навыков и (или) опыта деятельности, характеризующих этапы формирования компетенций, разработаны в полном объеме и доступны для обучающихся на странице дисциплины в ТУИС РУДН.

Программа составлена в соответствии с требованиями ОС ВО РУДН.

Руководитель направления 03.06.01 «Физика и астрономия»

Директор института физических исследований и технологий,

д.ф.-м.н., профессор

О.Т. Лоза