Федеральное государственное автономное образовательное учреждение высшего об	бразования
«Российский университет дружбы народов»	

Факультет физико-математических и естественных наук

Рекомендовано МССН

## РАБОЧАЯ ПРОГРАММА ДИСЦИПЛИНЫ

# Наименование дисциплины <u>НЕЛИНЕЙНЫЙ АНАЛИЗ И ОПТИМИЗАЦИЯ</u>

Рекомендуется для направления (ий) подготовки (специальности (ей))

Квалификация (степень) выпускника магистр (указывается квалификация (степень) выпускника в соответствии с ОС ВО РУДН)

1. Цели и задачи дисциплины: Дисциплина «Нелинейный анализ и оптимизация» является одной из финальных дисциплин направления подготовки «Математика», подводящих итог всему обучению в магистратуре (и бакалавриате) и подготавливающих студента к защите его выпускной работы, а также к обучению его в аспирантуре. В качестве составной части дисциплина содержит в себе специальный научно-исследовательский семинар кафедры нелинейного анализа и оптимизации, который в свою очередь является основным инструментом в подготовке действующего (работающего) математика-специалиста. Без такого (или подобного) семинара формирование полноценного профессионального математика невозможно. Другими словами, научный семинар, а с ним и дисциплина «Нелинейный анализ и оптимизация» является необходимой составной, если не главной итоговой, частью общего университетского математического образования и целью его является указанное выше окончательное формирование выпускника-специалиста в области математики. Основная цель курса – овладение обучающимися основными навыками самостоятельной исследовательской работы в области математики, а также работы в группе исследователей. Побочными (но не менее важными) целями являются приобретение навыков изложения собственных результатов; выступления в качестве докладчиков, рецензентов, оппонентов на чужих докладах; написания и подготовки к публикации собственных работ: тезисов, заметок, статей, диссертаций и др.

### 2. Место дисциплины в структуре ООП:

Дисциплина «Нелинейный анализ и оптимизация» относится к вариативной компоненте блока 1 учебного плана. В таблице № 1 приведены предшествующие и последующие дисциплины, направленные на формирование компетенций дисциплины в соответствии с матрицей компетенций ОП ВО.

Предшествующие и последующие дисциплины, направленные на формирование компетенпий

<b>№</b> п/п	Шифр и наименование компетенции	Предшествующие дисци- плины	Последующие дисциплины (группы дисциплин)
Профе	ссиональные компетенции		
	ПК-5. Способность управлять проектами, планировать научно-исследовательскую деятельность, анализировать риски, управлять командой проекта	Курсовая работа	Государственный экзамен
	ПК-6. Способность организовывать процессы корпоративного обучения на основе информационных технологий и развития корпоративных баз знаний	-	Государственный экзамен

3. Требования к результатам освоения дисциплины:

Процесс изучения дисциплины направлен на формирование следующих компетенций: <u>ПК-5</u>, <u>ПК-6</u>.

- ПК-5. Способность управлять проектами, планировать научно-исследовательскую деятельность, анализировать риски, управлять командой проекта.
- ПК-6. Способность организовывать процессы корпоративного обучения на основе информационных технологий и развития корпоративных баз знаний.

В результате изучения дисциплины студент должен:

**Знать**, что такое научная и научно-методическая работа в области математики. В частности, в основных направлениях работы кафедры: нелинейном анализе и оптимизации.

*Уметь* решать поставленные новые задачи (в соответствие со своим уровнем знаний и умений) в том или ином разделе математики, выбранном им в качестве специализации; ставить новые задачи; готовить доклады, излагающие полученные им результаты, и делать их; готовить к публикации сообщения, тезисы и статьи, содержащие изложение полученных им результатов. *Владеть* предметом собственных исследований.

### 4. Объем дисциплины и виды учебной работы

Вид учебной работы	Всего ча-	Семестры						
		СОВ	5	6	7	8		
Аудиторные занятия (всего)		32		32				
В том числе:								
Лекции		16		16				
Практические занятия (ПЗ)		16		16				
Семинары (С)								
Лабораторные работы (ЛР)								
Самостоятельная работа (всего)		112		112				
В том числе:								
Курсовой проект (работа)								
Расчетно-графические работы								
Реферат								
Другие виды самостоятельной работы		76		76				
Вид промежуточной аттестации (экзамен)	36		36					
Общая трудоемкость	час	144		144				
3	вач. Ед.	4		4				

### 5. Содержание дисциплины

### 5.1. Содержание разделов дисциплины

$N_{\underline{0}}$	Наименование раздела	Содержание раздела (темы)

п/п	дисциплины	
1.	Вводное занятие	Описание возможных направлений исследований семинара на ближайшее время. Знакомство новых участников с руководителями семинара, их научными интересами и достижениями.
2.	Принцип максимума Понтрягина	Описание и постановка задач оптимального управления. Необходимые условия. Принцип максимума.
3.	Теорема Сарда	Гладкие многообразия и гладкие отображения. Мера. Формулировка теоремы Сарда. Её доказательство
4.	Теоремы о неподвижных точках	Появление задач о неподвижных точках отображений в различных разделах математики. Принцип сжимающих отображений. Теорема Брауэра. Экскурс в алгебраическую топологию. Гомотопии и гомологии.
5.	Элементы теории многозначных отображений.	Изложение результатов руководителей спецсеминара в этой области
6.	Теория Штурма	Появление задачи об отделении корней многочленов в различных разделах математики. Изложение теории Штурма отделения корней многочленов.
7.	Теория правильных графов на поверхностях	Задача поиска правильных объектов. Графы на поверхностях, двойственные и правильные графы. Полное решение задачи на сфере, связь с платоновыми телами. Полное решение задачи для поверхностей небольших эйлеровых характеристик (1, 0, -1 и -2).
8.	Обзор формальной ариф- метики и аксиоматиче- ской теории множеств	Аксиомы Пеано и аксиомы формальной арифметики. Формулировки теорем Гёделя о неполноте и непротиворечивости. Идея доказательства средствами теории алгоритмов. Аксиоматика Цермело-Френкеля. Континнум-гипотеза.

## 5.2. Разделы дисциплин и виды занятий

$N_{\underline{0}}$	Наименование раздела дисциплины	Лекц.	Практ.	Лаб.	CPC	Bce-
$\Pi/\Pi$			зан.	зан.		ГО
11/11						час.
1.	Вводное занятие	1	1		14	16
2.	Принцип максимума Понтрягина	2	2		14	18
3.	Теорема Сарда	2	2		14	18
4.	Теоремы о неподвижных точках	2	2		14	18
5.	Элементы теории многозначных отображений.	2	2		14	18
6.	Теория Штурма	2	2		14	18
7.	Теория правильных графов на поверхностях	2	2		14	18
8.	Обзор формальной арифметики и аксиоматической теории множеств	2	2		14	18
	Контроль знаний	1	1			2

Итого: 16	16	112	144
-----------	----	-----	-----

### 6. Лабораторный практикум не предусмотрен

## 7. Практические занятия (семинары)

$N_{\underline{0}}$	Темы практического занятия	Трудо-
п/п		емкость
		(час.)
1.	Вводное занятие	1
2.	Принцип максимума Понтрягина	2
3.	Теорема Сарда	2
4.	Теоремы о неподвижных точках	2
5.	Элементы теории многозначных отображений.	2
6.	Теория Штурма	2
7.	Теория правильных графов на поверхностях	2
8.	Обзор формальной арифметики и аксиоматической теории множеств	2

### 8. Курсовые работы не предусмотрены.

### 9. Учебно-методическое и информационное обеспечение дисциплины:

### а) основная литература:

- 1. Верещагин Н. К., Шень А. Х. «Начала теории множеств», М.: МЦНМО, 2008.
- 2. Верещагин Н. К., Шень А. Х. «Языки и исчисления», М.: МЦНМО, 2008.
- 3. под ред. Яблонского С. В. и Лупанова О. Б. «Дискретная математика и математические вопросы кибернетики», т. 1, М.: «Наука», 1974
- 4. Мендельсон Э. «Введение в математическую логику», М.: «Наука», 1976.
- 5. Оре О. «Графы и их применение», М., 1963

### б) дополнительная литература

- 1. Верещагин Н. К., Шень А. Х. «Вычислимые функции», М.: МЦНМО, 2008.
- 6. Колмогоров А. Н., Фомин С. В. «Элементы теории функций и функционального анализа». Любое издание.
- 7. Столл Р. «Множества. Логика. Аксиоматические теории». М., «Просвещение», 1968.
- 8. Манин Ю. И. «Доказуемое и недоказуемое», М., «Советское радио», 1979.
- 9. Яблонский С. В. «Введение в дискретную математику». Любое издание.
- 10. Ященко И.В. «Парадоксы теории множеств», М., МЦНМО, 2002.

### 10. Материально-техническое обеспечение дисциплины:

учебная аудитория для проведения семинарских занятий, большая аудитория (лекционный зал) для чтения лекций, ноутбук - 1шт., проектор - 1шт., экран - 1шт., ксерокс - 1 шт., принтер - 1шт., сканер - 1 шт.

### 11. Методические рекомендации по организации изучения дисциплины:

Студенту рекомендуется пользоваться литературой из списка основной литературы, приведённого выше, и время от времени, при необходимости, обращаться к дополнительной литературе. В процессе чтения математической литературы следует добиваться чёткого понимания каждого предложения. При необходимости следует возвращаться к уже, казалось бы, пройденному и повторять чтение ещё раз. Рекомендуется при этом восполнять все пропущенные автором (сочтённые им очевидными) рассуждения и решать (если таковые имеются) все сопровождающие текст книги или статьи упражнения. В случае особенных затруднений, не решающихся повторным возвращением к прочитанному месту или невозможностью решить то или иное упражнение, студенту рекомендуется незамедлительно обратиться к преподавателю с соответствующим вопросом. Уменьшение числа таких вопросов по простым ситуациям и увеличение числа творческих вопросов у студента говорит о постепенном освоении им в ходе самостоятельной работы следующих компетенций:

ПК-5. Способность управлять проектами, планировать научно-исследовательскую деятельность, анализировать риски, управлять командой проекта.

ПК-6. Способность организовывать процессы корпоративного обучения на основе информационных технологий и развития корпоративных баз знаний

### 11.1 Структура практических занятий

В каждом семестре на итоговый контроль знаний отводится 60 баллов, ещё 40 баллов отводится на посещение занятий и выполнение домашних заданий. Итоговая сумма баллов в каждом семестре – 100.

Соответствие систем оценок (используемых ранее оценок итоговой академической успеваемости, оценок ECTS и балльно-рейтинговой системы (БРС) оценок текущей успеваемости) (В соответ-

ствии с Приказом Ректора №996 от 27.12.2006 г.):

Баллы БРС	Традицион- ные оценки в РФ	Баллы для перевода оценок	Оценки	Оценки ECTS
86 – 100	5	95 - 100	5+	A
00 - 100	3	86 - 94	5	В
69 - 85	4	69 - 85	4	С
51 – 68	2	61 - 68	3+	D
31 – 08	3	51 - 60	3	Е
0 50	2	31 - 50	2+	FX
0 - 50	2	0 - 30	2	F

- 1. Студенты обязаны сдавать все задания в сроки, установленные преподавателем.
- 2. Отсрочка в сдаче домашнего задания считается уважительной только в случае болезни студента, что подтверждается наличием у него медицинской справки.
- 3. Студент допускается к итоговому контролю с любым количеством баллов, набранным в семестре, но при условии, что у него имеется теоретическая возможность получить не менее 31 балла.
- 4. Если в итоге за семестр студент получил менее 31 балла, то ему выставляется оценка F и он должен повторить дисциплину в установленном порядке. Если же в итоге студент получил не менее 31 балла, т.е. F<sub>x</sub>, то ему разрешается добор необходимого (до 51) количества бал-

- лов путём повторного одноразового выполнения предусмотренных итоговых контрольных мероприятий; при этом аннулируются, по усмотрению преподавателя, соответствующие предыдущие результаты. Ликвидация задолженностей проводится в период с 07.02 по 28.02 (с 07.09 по 28.09) по согласованию с деканатом.
- 5. Итоговая контрольная работа (итоговый контроль) содержит от 3 до 6 вопросов (или заданий). На подготовку к ответу отводится 1 час, после чего производится устный опрос студента. Оценивается работа из 60 баллов независимо от оценки, полученной в семестре.

### 11.2 Самостоятельная работа студента

Еженедельно студенты получают домашнее задание по текущей теме практического занятия. Следующее практическое занятие начинается с проверки выполненного домашнего задания, вопросов по домашнему заданию и его обсуждения. После этого происходит переход к следующим задачам по текущей или новой теме.

На практических занятиях у доски задачи и упражнения решаются в основном кем-то из вызванных студентов. При этом все присутствующие студенты должны контролировать и записывать решение на доске, а также устно отвечать на возникающие при решении вопросы.

## Разработчик:

д.ф.-м.н., проф. профессор Математического института

им. С.М. Никольского

A

А.В. Арутюнов

Директор Математического института им. С.М. Никольского, д.ф.-м.н., профессор

A\_

А.Л.Скубачевский

Федеральное государственное автономное образовательное учреждение высшего образования «Российский университет дружбы народов»

Факультет физико-математических и естественных наук

### Математический институт имени С.М.Никольского

УТВЕРЖДЕН
На заседании института
« » 2021 г.,
протокол №
Директор института
А.Л. Скубачевский

## ФОНД ОЦЕНОЧНЫХ СРЕДСТВ

по учебной дисциплине Нелинейный анализ и оптимизация

Рекомендуется для направления подготовки

01.04.01 Математика

Квалификация (степень) выпускника

Магистр

Квалификация (степень) выпускника

## Паспорт фонда оценочных средств по дисциплине «Нелинейные анализ и оптимизация»

Направление/Специальность: 01.04.01 Математика (специализация «Неклассические задачи анализа и дифференциальных уравнений, математическое моделирование и машинное обучение»)

					Q	<b>Рормы</b> н	контрол	я уровн	я освоеі	ОО кин	Π					
Раздел	Тема	Опрос	Тест	Коллоквиум	Реферат	Выполнение ЛР	Выполнение ДЗ	Выполнение РГР	Выполнение КР	Выполнение КП	Работа на заня- тии	Работа на Инт. Занятии	Экзамен	Прочие формы контроля	Баллы темы	Баллы раздела
Нелинейные задачи и оп-	Общие понятия											3		3	6	
тимизация	Дифференцируемые функционалы											3		3	6	
	Условия первого порядка в классической задаче вариационного исчисления											3		3	6	100
	Уравнение Эйлера в многомерном случае						5					3		3	11	
	Задача со старшими производными											3		3	6	
	Конечномерные гладкие задачи											3		3	6	

		1			ı	ı					1
	Изопериметрическая							3	3	6	
	задача								J		
-	э н							2	2		-
	Задача Лагранжа							3	3	6	
	Задача с подвижны-							2	-		•
	ми концами							3	3	6	
	Условия второго							3	3	6	
	порядка							3	3	O	
	Уравнение Якоби							3	3	6	
-	П										-
	Достаточные усло-							2	2		
	вия слабого экстре-							3	3	6	
	мума										
-	Поле функционала			5				3	3	11	-
	толе функционала			3				3	J	11	
	Достаточные усло-										-
	вия сильного экс-							3	3	6	
	тремума										
	1 /										
	Введение в опти-						_	3	3	6	
	мальное управление							3	3	6	

## Перечень оценочных средств

## по дисциплине Нелинейный анализ и оптимизация

<b>№</b> п/п	Наименование оценочного сред- ства	Краткая характеристика оценочного средства	Представление оце- ночного средства в фонде			
Аудиторная работа						
1	Домашнее зада- ние	Задание, задаваемое обучающемуся для самостоятельного выполнения. Призвано предупредить забывание нового изученного на уроке материала, усвоение которого носит концентрированный характер	Комплект домашних заданий			
2	Экзамен	Форма проверки усвоения студентами учебного материала в соответствии с утвержденной программой.	Комплект экзаменационных билетов			

# Комплект экзаменационных билетов

по дисциплине Нелинейный анализ и оптимизация

## Дисциплина Нелинейный анализ и оптимизация

(наименование дисциплины)

## ЭКЗАМЕНАЦИОННЫЙ БИЛЕТ № 1

1. Выпуклые множества и отделим	лость.		
2. Теорема Хана-Банаха.			
Составитель	А.В. Арутюнов		
	(подпись)		
Циректор института	_ А.Л. Скубачевский		
		(подпись)	
	«»		_20 г.

## Дисциплина Нелинейный анализ и оптимизация

(наименование дисциплины)

## ЭКЗАМЕНАЦИОННЫЙ БИЛЕТ № 2

1. Опорные гиперплоскости и их свойства.

Составитель	А.В. Арутюнов	
	(подпись)	
Директор института	А.Л. Скубачевский	
	(подпись)	
	«»	20 г.
Дисциплина <u>Н</u>	<u> Челинейный анализ и оптимизация</u>	
	(наименование дисциплины)	
ЭКЗА	МЕНАЦИОННЫЙ БИЛЕТ № 3	
1. Выпуклые конусы и их	с свойства.	
2. Касательные векторы и	и их свойства.	
Составитель	А.В. Арутюнов	
	(подпись)	
Директор института	А.Л. Скубачевский	
	(подпись)	
	«»	20 г.
Дисциплина <u>Г</u>	Нелинейный анализ и оптимизация	

2. Крайние точки и их свойства. Теорема Крейна-Мильмана.

ЭКЗАМЕНАЦИОННЫЙ БИЛЕТ № 4

(наименование дисциплины)

2. Необходимые условия экс	тремума – уравнение Эйлера-Лагранжа.
Составитель	
	(подпись)
Директор института	А.Л. Скубачевский
	(подпись)
	«

1. Сопряженные конусы в банаховых пространствах.

# Программа экзамена

#### по дисциплине Нелинейный анализ и оптимизация

- 1. Постановка экстремальных задач и их формализация. Экстремальные задачи с ограничениями. Основные проблемы теории экстремума.
- 2. Примеры классических экстремальных задач: задача Дидоны, задача о геодезической, транспортная задача. Вариационный принцип Ферма.
- 3. Экстремальные задачи анализа: задача Чебышева об экстраполяции, доказательство классических неравенств, неравенства Колмогорова.
- 4. Элементы нелинейного, выпуклого и многозначного анализа. Выпуклые конусы и теоремы отделимости. Касательный вектор и теорема Люстерника, теорема о неявной функции. Селекторы многозначных отображений.
- 5. Элементы негладкого анализа, липшицевые отображения. Производная Кларка и ее простейшие свойства.
- 6. Принцип Лагранжа для гладких задач с ограничениями в банаховых пространствах.
- 7. Принцип Лагранжа для задач с липшицевым функционалом и липшицевыми ограничениями.
- 8. Вариационный принцип Экланда и его приложения: теорема об эпсилонсубдиффененциале.
- 9. Классическая задача вариационного исчисления. Условия оптимальности: уравнение Эйлера-Лагранжа, условие Вейерштрасса, условия Лежандра и Якоби.
- 10. Примеры задач вариационного исчисления: задача о брахистохроне, аэродинамическая задача Ньютона, гармонический осциллятор.
- 11. Задача Лагранжа. Принцип Лагранжа для нее.
- 12. Необходимые условия второго порядка в задачах с ограничениями типа равенств и неравенств.
- 13. Метод возмущения экстремальных задач и доказательство необходимых условий экстремума.
- 14. Достаточные условия второго порядка в задачах с ограничениями типа равенств и неравенств в бесконечномерных пространствах. Взаимосвязь необходимых и достаточных условий второго порядка.
- 15. Теорема об обратной функции как реализация принципа Лагранжа и их взаимосвязь.
- 16. Понятие анормальной экстремальной задачи и методы исследования анормальных задач.
- 17. Квадратичное отображение как классический пример анормальной задачи. Элементарные свойства квадратичных отображений, основанные на теории экстремума.
- 18. Приложение необходимых условий экстремума к исследованию бифуркаций нелинейных систем.
- 19. Устойчивость и чувствительность экстремальных задач с ограничениями. Достаточные условия устойчивости.

# Перечень домашних заданий

по дисциплине Нелинейный анализ и оптимизация

1. 
$$\int_{0}^{T_0} (\dot{x}^2(t) + x(t)) dt \to \min, \quad x(0) = 0, \quad x(T_0) = 0.$$

2. 
$$\int_{0}^{T_0} (\dot{x}^2(t) + x(t)) dt \to \min, \quad x(0) = 0.$$

$$3. \int\limits_{0}^{T_0} (\dot{x}^2(t) + x(t)) \, dt o \min, \quad |\dot{x}(t)| \leqslant 1, \quad x(0) = 0.$$

4. 
$$\int_{0}^{T_0} (\dot{x}^2(t) + x(t)) dt \to \min, \\ |\dot{x}(t)| \leq 1, \quad x(0) = 0, \quad x(T_0) = 0.$$

5. 
$$\int_{1}^{2} t^2 \dot{x}^2(t) dt \to \min, \quad x(1) = 3, \quad x(2) = 1.$$

6. 
$$\int\limits_0^1 t^2 \dot{x}^2(t) \, dt \to \min, \ x(0) = 0, \ x(1) = 1$$
 (пример Вейерштрасса).

7. 
$$\int\limits_0^1 t^{2/3} \dot{x}^2(t)\,dt \to \min, \quad x(0)=0, \quad x(1)=1$$
 (пример Гильберта).

8. 
$$\int_{0}^{1} (\dot{x}^{2}(t) - x(t)) dt \to \min, \quad x(0) = 0, \quad x(1) = 1.$$

9. 
$$\int_{1}^{2} (t\dot{x}^{2}(t) - x(t)) dt \to \min, \quad x(1) = 0, \quad x(2) = 1.$$

10. 
$$\int_{0}^{1} (\dot{x}^{2}(t) + x(t)\dot{x}(t) + 12tx(t)) dt \to \min, \ x(0) = 1, \ x(1) = 4.$$

# Критерии оценки

#### по дисциплине Нелинейный анализ и оптимизация

Итоговая оценка выставляется по сумме набранных баллов за выполнение домашних заданий, участие в интерактивных занятиях. Для учащихся, которые набрали от 31 до 50 баллов, проводится экзамен (зачет), в рамках которого за ответы на вопросы билетов учащиеся могут набрать недостающее до зачета (51) число баллов.

#### 95-100 баллов:

- полное выполнение домашних заданий;
- активное участие в интерактивных занятиях, предусмотренных программой дисциплины;
- систематизированное, глубокое и полное освоение навыков и компетенций по всем разделам программы дисциплины;
- использование научной терминологии, стилистически грамотное, логически правильное изложение ответа на вопросы, умение делать обоснованные выводы;
- умение эффективно использовать методику программы дисциплины в постановке и решении научных и профессиональных задач;
- выраженная способность самостоятельно и творчески решать поставленные задачи;
- полная самостоятельность и творческий подход при изложении материала по программе дисциплины;
- полное и глубокое усвоение основной и дополнительной литературы, рекомендованной программой дисциплины и преподавателем.

### 86-94 балла:

- недостаточно полное выполнение домашних заданий;
- активное участие в интерактивных занятиях, предусмотренных программой дисциплины;
- систематизированное, глубокое и полное освоение навыков и компетенций по всем разделам программы дисциплины;
- использование научной терминологии, стилистически грамотное, логически правильное изложение ответа на вопросы, умение делать обоснованные выводы;
- умение эффективно использовать методику программы дисциплины в постановке и решении научных и профессиональных задач;
- способность самостоятельно решать поставленные задачи в нестандартных производственных ситуациях;
- усвоение основной и дополнительной литературы, рекомендованной программой дисциплины и преподавателем.

#### 69-85 баллов:

- частичное выполнение домашних заданий;
- участие в интерактивных занятиях, предусмотренных программой дисциплины;
- систематизированное и полное освоение навыков и компетенций по всем разделам программы дисциплины;
- умение использовать методику программы дисциплины в постановке и решении научных и профессиональных задач;
- усвоение основной литературы, рекомендованной программой дисциплины.

#### 51-68 баллов:

- частичное выполнение домашних заданий;
- участие в интерактивных занятиях, предусмотренных программой дисциплины;
- систематизированное и полное освоение навыков и компетенций по всем разделам программы дисциплины;
- удовлетворительное умение использовать методику программы дисциплины в постановке и решении научных и профессиональных задач;
- удовлетворительное усвоение основной литературы;

#### 31-50 баллов – НЕ ЗАЧТЕНО:

- невыполнение домашних заданий;
- недостаточно полный объем навыков и компетенции в рамках программы дисциплины;
- неумение использовать в практической деятельности научной терминологии, изложение ответа на вопросы с существенными стилистическими и логическими оппибками:
- слабое умение использовать методику программы дисциплины в постановке и решении научных и профессиональных задач;
- удовлетворительное усвоение основной литературы.

### 0-30 баллов, НЕ ЗАЧТЕНО:

- отсутствие умений, навыков, знаний и компетенции в рамках программы дисциплины;
- невыполнение лабораторных заданий; отказ от ответа по программе дисциплины; игнорирование занятий по дисциплине по неуважительной причине.