Документ подписан простой электронной подписью

Информация о владельце:

ФИО: Ястребов Олег Александрович

Должность: Ректор

Дата подписания: 15.10.2025 18:04:48

Приложение к рабочей программе дисциплины (практики)

Уникальный программный ключ: са953a0120d891083i9596i 3978er1a989dae1sa высшего образования «Российский университет дружбы народов имени Патриса Лумумбы» (РУДН)

Инженерная академия

(наименование основного учебного подразделения)

ОЦЕНОЧНЫЕ МАТЕРИАЛЫ И СИСТЕМА ОЦЕНИВАНИЯ УРОВНЯ СФОРМИРОВАННОСТИ КОМПЕТЕНЦИЙ ПО ДИСЦИПЛИНЕ (ПРАКТИКЕ)

МАТЕМАТИКА

(наименование дисциплины (практики))

Оценочные материалы рекомендованы МССН для направления подготовки/ специальности:

07.03.04 ГРАДОСТРОИТЕЛЬСТВО

(код и наименование направления подготовки/ специальности)

Освоение дисциплины (практики) ведется в рамках реализации основной программы профессиональной образовательной Π O) профиль/ BO, специализация):

АРХИТЕКТУРНО-ГРАДОСТРОИТЕЛЬНОЕ ПРОЕКТИРОВАНИЕ

(направленность (профиль) ОП ВО)

ПАСПОРТ

(наименование дисциплины)

№ п/п	Контролируемые разделы (темы) дисциплины	Код контролируемой компетенции (или ее части)	Наименование оценочного средства
1.	Линейная алгебра	ОПК-2	Собеседование Контрольная работа Экзамен
2.	Элементы векторной алгебры	ОПК-2	Собеседование Контрольная работа Экзамен
3.	Аналитическая геометрия	ОПК-2	Собеседование Контрольная работа Экзамен
4.	Теория пределов	ОПК-2	Собеседование Контрольная работа Экзамен
5.	Дифференциальное исчисление функций одной переменной	ОПК-2	Собеседование Контрольная работа Экзамен
6.	Интегральное исчисление	ОПК-2	Собеседование Контрольная работа Экзамен
7.	Дифференциальные уравнения	ОПК-2	Собеседование Контрольная работа Экзамен

ПЕРЕЧЕНЬ ОЦЕНОЧНЫХ СРЕДСТВ

№ п/п	Наименование оценочного средства	Краткая характеристика оценочного средства	Представление оценочного средства в фонде
1	Собеседование	Средство контроля усвоения учебного материала темы, раздела или разделов дисциплины, организованное как учебное занятие в виде собеседования преподавателя с обучающимися.	Вопросы по темам/разделам дисциплины
2	Контрольная работа	Средство проверки умений применять полученные знания для решения задач определенного типа по теме или разделу учебной дисциплины.	Комплект контрольных заданий по вариантам
3	Экзамен	Средство проверки знаний, умений, владений, приобретенных обучающимся в течение семестра.	Комплект билетов к экзамену

ВОПРОСЫ ДЛЯ СОБЕСЕДОВАНИЯ (ТЕКУЩИЙ КОНТРОЛЬ)

Раздел: «Линейная алгебра, элементы векторного анализа, аналитическая геометрия»

- 1. Определители 2-го и 3-го порядков. Алгебраические дополнения и миноры.
- Понятие об определителе n-го порядка. Основные свойства определителей; их применение к вычислению определителей n-го порядка.
- 2. Системы линейных уравнений. Правило Крамера. Однородная система.
- 3. Матрицы. Действия над матрицами. Обратная матрица. Матричный способ решения систем линейных уравнений.
- 4. Решение систем линейных уравнений методом Гаусса. Исследование систем линейных уравнений.
- 5. Декартовы прямоугольные системы координат на плоскости и в пространстве. Полярная система координат.
- 6. Векторы. Линейные операции над векторами. Линейно независимые векторы. Базис, разложение по базису. Проекции вектора на оси координат. Координаты вектора. Длина вектора и направляющие косинусы. Условия коллинеарности векторов.
- 7. Скалярное произведение векторов и его свойства. Угол между векторами. Условие перпендикулярности двух векторов. Механический смысл скалярного произведения.
- 8. Векторное и смешанное произведения векторов. Основные свойства и вычисление через определители. Компланарность трёх векторов. Геометрические приложения векторного и смешанного произведений.
- 9. Понятие об уравнении поверхности в пространстве и уравнении линии на плоскости. Прямая на плоскости. Различные виды уравнений прямой на плоскости. Угол между прямыми. Условия перпендикулярности и параллельности прямых. Расстояние от точки до прямой.
- 10. Канонические уравнения кривых второго порядка: окружности, эллипса, гиперболы, параболы.
- 11. Уравнения плоскости и прямой в пространстве. Угол между прямыми. Угол между прямой и плоскостью. Точка пересечения прямой и плоскости.
- 12. Поверхности второго порядка. Канонические формы уравнений поверхностей второго порядка.

Раздел: «Предел и непрерывность функции»

- 1. Предел функции в точке. Предел функции на бесконечности. Односторонние пределы. Ограниченность функции, имеющий предел.
- 2. Бесконечно большая и бесконечно малая функции и связь между ними. Разложение функции, имеющей предел, на постоянную и бесконечную малую.
- 3. Основные теоремы о пределах. Раскрытие неопределенностей $\left\lfloor \frac{0}{0} \right\rfloor$ и $\left\lfloor \frac{\infty}{\infty} \right\rfloor$. Первый замечательный предел.
- 4. Числовые последовательности. Предел последовательности. Существование предела монотонной ограниченной последовательности. Число *е.* Натуральные логарифмы.
- 5. Сравнение бесконечно малых. Эквивалентные бесконечно малые. Замена бесконечно малых эквивалентными при вычислении пределов.
- 6. Непрерывность функции в точке. Точки разрыва функции и их классификация.
- 7. Непрерывность функции на отрезке. Свойства непрерывных на отрезке функций: ограниченность, существование наибольшего и наименьшего значений, существование промежуточных значений.

Раздел: «Дифференциальное исчисление функций одной переменной»

- 1. Производная функции одной переменной; её геометрический и механический смысл. Дифференцируемость функции.
- 2. Основные правила дифференцирования. Производная сложной функции. Производные основных элементарных функций. Логарифмическое дифференцирование.
- 3. Обратная функция. Непрерывность и дифференцируемость обратной функции. Производные обратных тригонометрических функций. Таблица производных.
- 4. Дифференцирование неявных и параметрически заданных функций.
- 5. Дифференциал функции и его геометрический смысл. Связь с производной. Дифференциал сложной функции. Инвариантность формы дифференциала 1-го порядка.
- 6. Производные и дифференциалы высших порядков. Формула Лейбница. Неинвариантность формы дифференциала порядка выше первого.
- 7. Теоремы Ферма, Ролля, Лагранжа и Коши о дифференцируемых функциях.
- 8. Правило Лопиталя раскрытия неопределенностей.
- 9. Исследование функции с помощью первой производной: необходимые и достаточные условия возрастания и убывания функции; экстремумы функции; наибольшее и наименьшее значения функции на отрезке.
- 10. Исследование функции с помощью второй производной: экстремумы функции; выпуклость, вогнутость и точки перегиба графика функции.
- 11. Асимптоты кривых. Общая схема исследования функции и построения графика.

Раздел: «Интегральное исчисление»

- 1. Понятие первообразной. Неопределённый интеграл и его свойства. Таблица неопределённых интегралов.
- 2. Основные методы интегрирования: непосредственное интегрирование, метод подведения под знак дифференциала, метод замены переменной, метод интегрирования по частям.
- 3. Многочлены. Теорема Безу. Основная теорема алгебры. Разложение многочлена на линейные и квадратные множители.
- 4. Интегрирование рациональных дробей. Типы простейших дробей и их интегрирование. Интегрирование рациональных дробей методом разложения на простейшие дроби. Интегрирование простейших иррациональных функций.
- 5. Интегрирование тригонометрических функций, универсальная тригонометрическая подстановка.
- 6. Определённый интеграл и его свойства. Формула Ньютона-Лейбница.
- 7. Замена переменной в определённом интеграле. Формула интегрирования по частям для определённого интеграла.
- 8. Приложения определённого интеграла: вычисление площадей плоских фигур, вычисление длины дуги кривой, объемов тел.

Раздел «Дифференциальные уравнения»

- 1. Уравнения с разделяющимися переменными, однородные и линейные уравнения 1-го порядка.
- 2. Дифференциальные уравнения 2-го порядка. Простейшие уравнения, допускающие понижение порядка.
- 3. Линейные дифференциальные уравнения 2-го порядка. Линейные однородные и неоднородные уравнения.
- 4. Теорема о структуре общего решения линейного неоднородного уравнения. Линейные дифференциальные уравнения с постоянными коэффициентами.
- 5. Решение однородных уравнений.

6. Решение неоднородных дифференциальных уравнений с постоянными коэффициентами с правой частью специального вида.

Критерии оценки (в рамках текущей аттестации)

Регламентом БРС кафедры «Высшая и прикладная математика» предусмотрено 10 баллов за текущую аттестацию. Критерии оценки разработаны, исходя из разделения баллов: 5 баллов за освоение теоретических вопросов дисциплины, 5 баллов — за выполнение домашних заданий.

Критерии оценки ответов на теоретические вопросы:

- 5 баллов выставляется студенту, если он изложил содержание вопроса в объеме, предусмотренном программой, при этом изложил материал грамотным языком, точно используя математическую терминологию и символику, в определенной логической последовательности;
- 4 балла выставляются студенту, если при достаточно полном и грамотном освещении вопроса он допустил небольшие неточности, не искажающие математического содержания ответа;
- **3 балла выставляются студенту** при неполном раскрытии содержания вопроса (содержание вопроса изложено фрагментарно, не всегда последовательно), но показано общее понимание вопроса; допущены ошибки при использовании математической терминологии;
- 2 балла получает студент, продемонстрировавший обрывочные знания и допустивший ошибки в определении понятий и при использовании математической терминологии.

КОМПЛЕКТ ЗАДАНИЙ ДЛЯ КОНТРОЛЬНОЙ РАБОТЫ (РУБЕЖНЫЙ КОНТРОЛЬ) ПЕРВАЯ АТТЕСТАЦИЯ

БИЛЕТ № 1

1) Решить систему линейных уравнений методом Крамера или Гаусса

$$\begin{cases} 2x_1 - x_2 + x_3 = 4, \\ 3x_1 + 3x_2 + 4x_3 = -3, \\ x_1 - 2x_2 + x_3 = 2. \end{cases}$$

- 2) Найти произведение матриц $A = \begin{pmatrix} 5 \\ 1 \\ 1 \\ -4 \end{pmatrix}$, $B = \begin{pmatrix} 3 & 0 & 4 & 5 \end{pmatrix}$.
- 3) Найти конец вектора $\vec{a} = \{3; -1; 4\}$, если его начало находится в точке $M_2(1; -1; 2)$.
- 4) Упростить выражение $(2\vec{a}-3\vec{b})\times(\vec{a}+4\vec{b})$.
- 5) Найти площадь треугольника с вершинами: A(1;0;1), B(0;1;1), C(1;1;0).
- 6) Написать уравнение прямой, проходящей через точку пересечения прямых, заданными уравнениями: 2x+3y+4=0, 3x-4y-6=0, параллельно прямой, заданной уравнением 5x+4y=0.

7) Найти координаты центра о радиус окружности и построить ее: $x^2 + y^2 + 6y - 7 = 0$.

БИЛЕТ № 2

1) Решить систему уравнений методом Крамера или Гаусса

$$\begin{cases} x_1 - 3x_2 + x_3 = -9; \\ 4x_1 + 2x_2 - x_3 = -8; \\ x_1 + 2x_3 = -3. \end{cases}$$

- 2) Найти произведение матриц $A = \begin{pmatrix} 1 & 2 \\ 2 & 3 \\ 4 & -1 \end{pmatrix}$, $B = \begin{pmatrix} 3 & -2 & -1 \\ 1 & 0 & 4 \end{pmatrix}$.
- 3) Найти начало вектора $\vec{a} = \{2;5;-1\}$, если его конец находится в точке $M_1(-3;2;5)$.
- 4) Упростить выражение $(\vec{3a} + \vec{b}) \times (\vec{2a} \vec{5b})$.
- 5) Найти площадь треугольника с вершинами: A(3; -3; 0), B(1; 2; 7), C(0; -1; 3).
- 6) Написать уравнение прямой, проходящей через точку M(2;-3;4), параллельно прямой, заданной уравнением 3x-2y-7=0.
- 7) Найти координаты центра о радиус окружности и построить ее: $x^2 + y^2 + 16x 20y 5 = 0$.

БИЛЕТ № 3

- 1) Решить систему уравнений методом Крамера и Гаусса $\begin{cases} 3x_1 + x_2 + 5x_3 = 0, \\ 2x_1 + 3x_2 + 3x_3 = 3, \\ 2x_1 + x_2 + 4x_3 = -1. \end{cases}$
- 2) Найти произведение матриц $A = \begin{pmatrix} 3 & -2 & 0 \\ 1 & 6 & -1 \\ 2 & 4 & 2 \end{pmatrix}, B = \begin{pmatrix} -1 \\ 3 \\ 7 \end{pmatrix}.$
- 3) Найти конец вектора $\vec{a} = \{-3;4;2\}$, если его начало находится в точке $M_2(2;3;-1)$.
- 4) Упростить выражение $(2\vec{i} + \vec{j} 3\vec{k}) \times (2\vec{j} 7\vec{k})$.
- 5) Найти площадь треугольника с вершинами: A(5;6;-2), B(2;-4;5), C(-5;3;-1).
- 6) Написать уравнение прямой, проходящей через точку пересечения прямых, заданными уравнениями: x+2y+3=0, 4x+5y+6=0, перпендикулярно прямой, заданной уравнением x+y-6=0.
- 7) Привести к каноническому виду уравнение кривой и построить ее: $9x^2+10y^2+40y-50=0$.

6

1) Решить систему уравнений методом Крамера или Гаусса:

$$\begin{cases} 7x_1 - 5x_2 = -3, \\ 4x_1 + 11x_3 = 26, \\ 2x_1 + 3x_2 + 4x_3 = 13. \end{cases}$$

- 2) Найти произведение матриц: $A = \begin{pmatrix} 2 & -3 & 5 \\ 4 & 1 & -2 \end{pmatrix}$, $B = \begin{pmatrix} -1 & 5 \\ 0 & 8 \\ 4 & -4 \end{pmatrix}$.
- 3) Найти конец вектора $\vec{a} = \{4;-1;-5\}$, если его начало находится в точке $M_2(-1;1;-2)$.
- 4) Упростить выражение: $(-\vec{i} + 2\vec{j} 5\vec{k}) \cdot (2\vec{i} \vec{j} + 3\vec{k})$.
- 5) Найти площадь треугольника с вершинами: A(-3;2;5), B(5;-1;2), C(0;2;-4).
- 6) Дано уравнение прямой в «отрезках» $\frac{x}{7} + \frac{y}{-5} = 1$. Представить его виде общего уравнения прямой, в виде уравнения с угловым коэффициентом и построить эту прямую.
- 7) Дано общее уравнение кривой 2-го порядка $5x^2 + 9y^2 30x + 18y + 9 = 0$. Привести его к каноническому виду и постройте кривую.

БИЛЕТ № 5

- 1) Решить систему уравнений: $\begin{cases} x_1 + x_2 + x_3 = 3, \\ 2x_1 x_2 + x_3 = 2, \\ x_1 + 4x_2 + 2x_3 = 5. \end{cases}$
- 2) Найти произведение матриц: $A = \begin{pmatrix} 2 & 4 \\ -3 & 1 \end{pmatrix}$, $B = \begin{pmatrix} 3 & -2 & 1 \\ 4 & 5 & 0 \end{pmatrix}$.
- 3) Найти начало вектора $\vec{a} = \{7;-1;1\}$, если его конец находится в точке $M_1(2;1;-3)$.
- 4) Упростить выражение: $3(\vec{3}\,\vec{i}-2\,\vec{j}+\vec{k})\cdot\vec{k}-(7\,\vec{k}-\vec{i})\cdot\vec{j}=3$.
- 5) Найти площадь треугольника с вершинами: A(2;-1;3), B(3;0;-5), C(-1;-4;6).
- 6) Дано уравнение прямой 2x+3y+4=0. Составить уравнение прямой, проходящей через точку M(2;1), параллельно данной прямой.
- 7) Привести к каноническому виду уравнение кривой и построить её: $16x^2 9y^2 64x 54y 161 = 0$.

7

1) Решить систему уравнений: $\begin{cases} x_1 + 2x_2 + 3x_3 = 4, \\ 2x_1 + 6x_2 + 4x_3 = -6, \\ 3x_1 + 10x_2 + 8x_3 = -8. \end{cases}$

- 2) Найти произведение матриц: $A = \begin{pmatrix} -3 & 5 \\ -2 & 6 \end{pmatrix}$, $B = \begin{pmatrix} 4 \\ 7 \end{pmatrix}$.
- 3) Найти начало вектора $\vec{a} = \{-2;3;2\}$, если его конец находится в точке $M_1(1;-2;5)$.
- 4) Упростить выражение: $\vec{i} \times (\vec{j} + \vec{k}) \vec{j} \times (\vec{i} + \vec{k}) + \vec{k} \times (\vec{i} + \vec{j} + \vec{k})$.
- 5) Найти угол ABC, если известны координаты точек: A(5;-1;-4), B(-2;3;1), C(-3;-2;6).
- 6) Даны точки на плоскости: A(-3; 2), B(-1; 5). Составить общее уравнение прямой, проходящей через эти точки, привести его к виду с угловым коэффициентом и построить прямую.
- 7) Дано общее уравнение кривой $4x^2 + 36y^2 + 72y 16x 92 = 0$. Привести его к каноническому виду и построить эту кривую.

БИЛЕТ № 7

- 1) Решить систему уравнений: $\begin{cases} 3x_1 + x_2 x_3 = 10, \\ -3x_1 + 3x_2 + 2x_3 = 8, \\ 5x_1 + 2x_2 + 8x_3 = -1. \end{cases}$
- 2) Найти произведение матриц: $A = \begin{pmatrix} 2 & 3 & 4 \\ -2 & 1 & 2 \end{pmatrix}$, $B = \begin{pmatrix} 1 \\ 2 \\ 2 \end{pmatrix}$.
- 3) Найти начало вектора $\vec{a} = \{-2;4;1\}$, если его конец находится в точке $M_1(1;-2;3)$.
- 4) Упростить выражение: $(3\vec{i}-4\vec{j}-5\vec{k})\times(2\vec{i}+6\vec{j}-\vec{k})$.
- 5) Даны координаты точек K(5;6;-2), B(2;-4;5), D(-5;3;-1). Найти угол BKD.
- 6) Даны точки на плоскости: A(-3; 2), B(-1; 5). Составить общее уравнение прямой, проходящей через эти точки, привести его к виду с угловым коэффициентом и построить прямую.

8

7) Найти координаты центра о радиус окружности и построить ее: $9x^2 + 9y^2 + 36x - 18y + 20 = 0$.

- 1) Решить систему уравнений: $\begin{cases} x_1 + 3x_2 x_3 = 11, \\ -x_1 + 2x_2 + x_3 = -1, \\ 2x_1 + x_3 = 4. \end{cases}$ 2) Найти произведение матриц: $A = \begin{pmatrix} 4 \\ 5 \\ 1 \\ 1 \end{pmatrix}, B = \begin{pmatrix} 1 & -3 & 2 & 1 \end{pmatrix}.$
- 3) Найти конец вектора $\vec{a} = \{-2,5,6\}$, если его начало находится в точке $M_{2}(6;2;-1)$.
- 4) Упростить выражение $(\vec{a}-4\vec{b})\times(3\vec{a}+5\vec{b})$.
- 5) Даны точки в пространств A(1;-2;1), B(3;1;-2), C(2;-2;0). Найти площадь треугольника ABC.
- 6) Написать уравнение прямой, проходящей через точку пересечения прямых, заданными уравнениями: x+3y-5=0, 3x-y-5=0, параллельно прямой, заданной уравнением 7x + 2y - 2 = 0.
- 7) Привести к каноническому виду уравнение кривой и построить её $x^2 + 4y^2 - 2x - 56y + 181 = 0$.

БИЛЕТ № 9

1) Решить систему линейных уравнений методом Крамера или Гаусса

$$\begin{cases} 2x_1 + x_2 + 3x_3 = 3, \\ 3x_1 + 2x_2 + 4x_3 = 7, \\ 2x_1 - 3x_2 + x_3 = 1. \end{cases}$$

- 2) Найти произведение матриц $A = \begin{pmatrix} -2 & 2 \\ 3 & 4 \\ 5 & -1 \end{pmatrix}$, $B = \begin{pmatrix} 2 & -3 & 1 \end{pmatrix}$.
- 3) Найти конец вектора $\vec{a} = \{5; 3; -2\}$, если его начало находится в точке $M_{1}(4;3;-1)$.
- 4) Упростить выражение $(\vec{5a} + 2\vec{b}) \times (\vec{-a} + 3\vec{b})$.
- 5) Найти площадь параллелограмма, построенного на векторах $\vec{a} = 2\vec{i} 3\vec{j} + 2\vec{k}$ $\vec{b} = -\vec{i} + 2\vec{j} + 4\vec{k}$.
- 6) Составить уравнение плоскости, проходящей через три заданные точки $M_1(-3;0;1), M_2(0;2;3), M_3(3;1;-1)$ и построить эту плоскость.

9

7) Привести к каноническому виду уравнение кривой и построить её: $9x^2 - 25y^2 - 18x - 100y - 316 = 0$.

1) Решить систему уравнений методом Крамера или Гаусса

$$\begin{cases} 2x_1 + 4x_2 + x_3 = 4, \\ 3x_1 + 6x_2 + 2x_3 = 4, \\ 4x_1 - x_2 - 3x_3 = 1. \end{cases}$$

- 2) Найти произведение матриц $A = \begin{pmatrix} 4 & 1 \\ -2 & 3 \\ -1 & 2 \end{pmatrix}$, $B = \begin{pmatrix} -3 & 1 & 3 \\ 1 & 5 & -4 \end{pmatrix}$.
- 3) Найти начало вектора $\vec{a} = \{7; -9; 5\}$, если его конец находится в точке $M_2(3; -4; 5)$.
- 4) Упростить выражение $(2\vec{a}-5\vec{b})\times(3\vec{a}+4\vec{b})$.
- 5) Найти площадь параллелограмма, построенного на векторах $\vec{a} = -4\vec{i} + 2\vec{j} 3\vec{k}$ и $\vec{b} = -\vec{i} + 3\vec{j} + 5\vec{k}$.
- 6) Написать уравнение плоскости, проходящей через точку M(1;1;3), имеющей нормальный вектор $\stackrel{\rightarrow}{N} = \{2;1;3\}$ и построить ее.
- 7) Привести к каноническому виду уравнение кривой и построить её: $-x^2+4y^2-4x+8y-4=0$.

ВТОРАЯ АТТЕСТАЦИЯ

БИЛЕТ № 1

- 1) Найти пределы: a) $\lim_{x \to -1} \frac{3x^2 + 2x 1}{-x^2 + x + 2}$; δ) $\lim_{x \to \infty} \frac{x^2 3x + 5}{3x^2 + 5x 7}$; ϵ) $\lim_{x \to -1} \frac{\sqrt{x + 2} 1}{x + 1}$; ϵ) $\lim_{x \to 0} \frac{\sin 5x}{4x}$; δ) $\lim_{x \to 0} (2x + 1)^{\frac{3}{x}}$.
- 2) Найти производные функций: a) $y = 5x^4 + \frac{2}{\sqrt[3]{x^2}} \frac{1}{x^4} + 3$; б) $y = x^3 \cdot e^{-4x}$;
 - e) $y = \cos^4 2x$; e) $y = \frac{e^x 1}{e^x + 1}$.
- 3) Найти интегралы: $a)\int \left(3x^2 \sqrt[5]{x^4} + \frac{7}{x^6}\right) dx$; $\delta)\int \frac{2x}{\sqrt{3x^2 5}} dx$; δ) $\int (4 5x)\cos 3x dx$.

БИЛЕТ № 2

1) Найти пределы: a) $\lim_{x \to -1} \frac{x^2 - 1}{x^2 + 3x + 2}$; δ) $\lim_{x \to \infty} \frac{2x^2 + 7x - 9}{5x^2 + x + 7}$;

$$\mathscr{G}\lim_{x\to 0}\frac{\sqrt{x+3}-\sqrt{3-x}}{x}; \quad \mathscr{E}\lim_{x\to 0}\frac{\sin 3x}{\sin 9x}; \quad \mathscr{O}\lim_{x\to \infty}\left(\frac{3x+5}{3x+2}\right)^{2x}.$$

2) Найти производные функций: a) $y = \frac{2}{3}x^6 - \frac{4}{x^5} + \sqrt[3]{x^2} - \sqrt{5}$; δ) $y = 2^x \cdot x^2$;

6)
$$y = \log_3(x^2 - 5x + 2)$$
; 2) $y = \frac{\sqrt{x}}{\sin x}$.

3) Найти интегралы:
$$a)\int \left(8x^7 - 3\sqrt[3]{x^2} + \frac{4}{x^5} - 3\right) dx$$
; $\delta \int \frac{3x dx}{\sqrt{9x^2 + 5}}$; $\epsilon \int (x + 2)\cos\frac{x}{4} dx$.

1) Найти пределы:
$$a$$
) $\lim_{x\to 4} \frac{x^2-x-12}{x^2-16}$; δ) $\lim_{x\to \infty} \frac{x^3+x+11}{2x^2-x+6}$; ϵ) $\lim_{x\to 1} \frac{x+1}{x+\sqrt{x+2}}$; ϵ) $\lim_{x\to 0} \frac{\sin 7x}{4x}$; δ) $\lim_{x\to \infty} \left(\frac{2x+1}{2x-1}\right)^{x+1}$.

- 2) Найти производные функций: a) $y = 3x^7 \frac{4}{5x^6} + \frac{1}{\sqrt[3]{x}} + 12$; δ) $y = x^3 \log_2 x$; ϵ) $y = \frac{x + e^x}{x e^x}$; ϵ) $y = \arctan g^2 \frac{1}{x}$.
- 3) Найти $a) \int \left(6x^2 + 3\sqrt[5]{x} \frac{4}{x^3} + 2\right) dx; \ \ 6) \int x \cos(x+9) dx; \ \ 6) \int \frac{dx}{\sqrt{3x+1}}.$

БИЛЕТ № 4

1) Найти пределы:
$$a$$
) $\lim_{x\to 0} \frac{4x^3-2x^2+5x}{3x^2+7x}$; δ) $\lim_{x\to \infty} \frac{x^2-3}{x^2+7x-1}$; ϵ) $\lim_{x\to 3} \frac{3-\sqrt{2x-3}}{3-x}$;

$$z) \lim_{x \to 0} \frac{6x}{\sin 2x}; \quad \partial \lim_{x \to \infty} \left(\frac{3x}{3x+2}\right)^{x-2}.$$

2) Найти производные функций:

a)
$$y = 5\sqrt{x} + \frac{13}{x^4} - \frac{2}{\sqrt[3]{x}}$$
; δ) $y = 3^x \cdot x^3$; δ) $y = \frac{\sin x}{1 + \lg x}$; δ) $y = \cos^3 x$.

3) Найти интегралы: $a)\int \frac{2x^2 + 3\sqrt{x} - 1}{2x} dx$; $\delta)\int \sqrt[5]{(6 - 5x)^2} dx$; $\delta\int (x + 1)\sin 4x dx$.

БИЛЕТ № 5

1) Найти пределы:
$$a$$
) $\lim_{x\to 4} \frac{x^2-x-12}{x^2-4x+3}$; δ) $\lim_{x\to \infty} \frac{3x^2+5x-7}{3x^2+3x+1}$; ϵ) $\lim_{x\to 0} \frac{x}{\sqrt{x+4}-2}$;

$$z) \lim_{x \to 0} \frac{\sin 4x}{\sin 5x}; \quad \partial \lim_{x \to 0} (5x+1)^{\frac{2}{x}}.$$

2) Найти производные функций:

a)
$$y = \frac{1}{\sqrt{x^3}} - \frac{2}{x^4} + \sqrt{7}x + \sqrt{7}$$
; δ) $y = \sin\left(\frac{x}{2}\right)$; δ) $y = x^6 \ln x$; δ) $y = \frac{\arctan x}{x^2}$.

3) Найти интегралы:
$$\grave{a}$$
) $\int \left(2x + \frac{x^3}{3} + \frac{3}{x^3} - \sqrt[3]{x}\right) dx$; δ) $\int \frac{\ln(x-9)}{x-9} dx$; ϵ) $\int (x+1)\sin\frac{x}{3}$.

1) Найти пределы:
$$a$$
) $\lim_{x\to -5} \frac{x^2 + 2x - 15}{2x^2 + 7x - 15}$; b 0 $\lim_{x\to \infty} \frac{5x - 8}{4x^2 - x + 9}$; b 0 $\lim_{x\to 4} \frac{4 - x}{x - \sqrt{3x + 4}}$;

$$2) \lim_{x \to 0} \frac{tg \, 5x}{7x}; \quad \partial \lim_{x \to \infty} \left(\frac{x+3}{x-1}\right)^{x-4}.$$

2) Найти производные функций:

a)
$$y = 5\sqrt{x} + 3x^3 - \sqrt[4]{x}$$
; 6) $y = \frac{\cos x}{x - \sin x}$; 6) $y = e^x \operatorname{tg} x$; 2) $y = \ln(x^2 - 3x + 2)$.

3) Найти интегралы:
$$a)\int \left(9x^4 - \frac{7}{x\sqrt[3]{x^2}} + \frac{1}{x^7} - 10\right) dx$$
, $\delta)\int \frac{2xdx}{\sqrt{3x^2 - 2}}$; $\epsilon)\int \arcsin\frac{x}{7} dx$.

БИЛЕТ № 7

1) Найти пределы:
$$a$$
) $\lim_{x \to -1} \frac{2x^2 - 5x - 7}{3x^2 + x + 2}$; b 0) $\lim_{x \to \infty} \frac{x^3 - 3x^2 + 5}{x^3 + 7x}$; b 0) $\lim_{x \to -2} \frac{4 - \sqrt{x + 6}}{2 + x}$;

$$2) \lim_{x \to 0} \frac{\sin x}{4x}; \quad \partial \lim_{x \to \infty} \left(\frac{3x}{3x+2} \right)^{x-2}.$$

2) Найти производные функций:

a)
$$y = x\sqrt{x} - 2x^4 + 3\sqrt[3]{x}$$
; 6) $y = 4^x(x^2 - 5x)$; 6) $y = \frac{\sin x}{1 - \cos x}$; 2) $y = \sqrt[5]{tg^3 x}$.

3) Найти
$$a)\int \frac{\sqrt{x^7} - 8x^3 + 9}{3x^3} dx$$
; $\delta)\int \frac{dx}{\sqrt{x+5}}$; $\epsilon)\int (x+1)\cos 7x dx$.

БИЛЕТ № 8

1) Найти пределы:
$$a$$
) $\lim_{x\to -2} \frac{x^2-x-6}{2x^2+x-6}$; δ) $\lim_{x\to \infty} \frac{4x^2+3x+1}{3x^2-2x-8}$;

$$e) \lim_{x \to 5} \frac{\sqrt{2x-4} - \sqrt{x+1}}{x-5}; z) \lim_{x \to 0} \frac{\sin 4x}{\sin 9x}; \quad \partial) \lim_{x \to \infty} \left(\frac{4x}{4x-3}\right)^{6x}.$$

2) Найти производные функций:

a)
$$y = \frac{5}{6}x^9 - \frac{1}{4x} + \frac{1}{4}x - \sqrt[3]{17}$$
; 6) $y = \frac{3\ln x}{x}$; 6) $y = 2^x \arctan (2x + 5)^3$.

3) Найти интегралы:
$$a$$
) $\int (4x^3 - 7\sqrt[8]{x^5} + \frac{6}{x^2} + 9)$; δ) $\int x \sin(x+7) dx$; ϵ) $\int \cos 8x dx$.

БИЛЕТ № 9

1) Найти пр елы:
$$a$$
) $\lim_{x \to -2} \frac{9x^2 + 17x - 2}{x^2 + 2x}$; δ) $\lim_{x \to \infty} \frac{4x^2 + 13}{4x^2 - 7x + 8}$;

$$e) \lim_{x\to 0} \frac{\sqrt{4-x}-2}{x}; z) \lim_{x\to 0} \frac{\sin 9x}{3x}; \quad \partial) \lim_{x\to \infty} \left(\frac{x+7}{x+3}\right)^{2x+1}.$$

2) Найти производные функций:

a)
$$y = 5x^7 - \frac{6}{\sqrt{x}} + \sqrt[5]{x^3} - 8^x$$
; 6) $y = x \arccos x$; e) $y = \frac{1 - 10^x}{1 + 10^x}$; e) $y = \sin^2 x^3$;

$$\partial$$
) $xy = ctg \ x$; e) $y = \sin^2 x$, $y'' - ?$

3) Найти интегралы:
$$a)\int \left(3x^2 - \sqrt[5]{x^4} + \frac{7}{x^6}\right) dx$$
; $\delta)\int \frac{2x}{\sqrt{3x^2 - 5}} dx$; δ) $\int (4 - 5x)\cos 3x dx$.

1) Найти пределы: a) $\lim_{x\to -2} \frac{x^2-4}{3x^2+x-10}$; δ) $\lim_{x\to \infty} \frac{6x^2+2x-5}{x^2+6x}$;

$$e) \lim_{x \to 1} \frac{\sqrt{2x} - \sqrt{x+1}}{x-1}; \varepsilon) \lim_{x \to 0} \frac{\sin 6x}{\sin 2x}; \quad \partial) \lim_{x \to 0} (1+3x)^{\frac{5}{x}}.$$

2) Найти производные функций:

a)
$$y = \frac{2}{9}x^6 - \frac{1}{x^4} + \frac{3}{\sqrt{x}} - \sqrt{6}$$
; δ) $y = x^2 \cdot \log_3 x$; δ) $y = \frac{x^2}{x^2 + 1}$; δ) $y = \ln(\ln \sqrt{x})$; δ) $e^{xy} = x^2 - y^2$;

$$e) y = (6x-5)^4, y''-?$$

3) Найти интегралы:
$$a$$
) $\int \left(8x^7 - 3\sqrt[3]{x^2} + \frac{4}{x^5} - 3\right) dx$; δ) $\int \frac{3xdx}{\sqrt{9x^2 + 5}}$; ϵ) $\int (x + 2)\cos\frac{x}{4} dx$.

1) Найти пределы:

a)
$$\lim_{x \to 2} \frac{x^2 - x - 2}{x^2 + x - 6}$$
; 6) $\lim_{x \to \infty} \frac{2x^2 + 12x + 1}{4x^2 - 7}$; 6) $\lim_{x \to 0} \frac{3x}{2 - \sqrt{5x + 4}}$; c) $\lim_{x \to 0} \frac{\sin 8x}{\sin 4x}$; d) $\lim_{x \to 0} (5x + 1)^{\frac{2}{x}}$.

2) Найти производные функций

a)
$$y = 6x^2 - \frac{5}{x^3} - \sqrt[3]{x^2}$$
; 6) $y = x \ln x + \arcsin \sqrt{x}$; 6) $y = \frac{2x + \sin x}{\cos x}$; 2) $y = 20^{5-3x}$;

$$\partial$$
) $y \sin x - \cos y = 0$; e) $y = (2x-3)^9$, $y'' - ?$

3) Найти
$$a$$
) $\int \left(6x^2 + 3\sqrt[5]{x} - \frac{4}{x^3} + 2\right) dx$; δ) $\int x \cos(x+9) dx$; ϵ) $\int \frac{dx}{\sqrt{3x+1}}$.

БИЛЕТ № 12

1) Найти пределы: a) $\lim_{x\to 1} \frac{2x^2+x-3}{x^2+x-2}$; δ) $\lim_{x\to \infty} \frac{5x^3+6x^2-4}{x^2+8x-2}$;

$$e) \lim_{x\to 2} \frac{\sqrt{x+2}-2}{2-x}; z) \lim_{x\to 0} \frac{\sin 3x}{\sin 5x}; \quad \partial) \lim_{x\to \infty} \left(\frac{4x+1}{4x}\right)^{5x+3}.$$

2) Найти производные функций:

a)
$$y = 6x^3 - \frac{1}{\sqrt{x}} + \frac{9}{\sqrt[3]{x^2}}$$
; δ) $y = \pi x^2 + \arcsin x$; δ) $y = \frac{4^x - 1}{4^x + 1}$; δ) $y = \sqrt[6]{\sin x}$;

$$\partial$$
) $xy - arctg(x + y) = 1$; e) $y = \sin^2 x$, $y'' - ?$

3) Найти интегралы:
$$a)\int \frac{2x^2 + 3\sqrt{x} - 1}{2x} dx$$
; δ) $\int \sqrt[5]{(6 - 5x)^2} dx$; δ) $\int (x + 1)\sin 4x dx$.

1) Найти пределы:
$$a$$
) $\lim_{x\to 5} \frac{3x^2 - 14x + 5}{x^2 - 6x + 5}$; δ) $\lim_{x\to \infty} \frac{2x + 6x^2}{x^2 + 3x - 9}$;

$$6) \lim_{x \to 1} \frac{\sqrt{1+x} - \sqrt{3-x}}{1-x}; z) \lim_{x \to 0} \frac{\sin 9x}{3x}; \quad \partial) \lim_{x \to \infty} \left(\frac{x+7}{x+3}\right)^{2x+1}.$$

2) Найти производные функций:

a)
$$y = \sqrt[4]{x^3} + \frac{5}{x^2} - \frac{3}{x^3} + 2$$
; δ) $y = (\operatorname{tg} x + 1) \arccos x$; δ) $y = \frac{\ln x}{\cos x}$; δ) $y = \cos^{100} x$;

d)
$$x - y = \arcsin x - \arcsin y$$
; e) $y = x \cos x$, $y'' - ?$

3) Найти интегралы:
$$\grave{a}$$
) $\int \left(2x + \frac{x^3}{3} + \frac{3}{x^3} - \sqrt[3]{x}\right) dx$; δ) $\int \frac{\ln(x-9)}{x-9} dx$; ϵ) $\int (x+1)\sin\frac{x}{3}$.

БИЛЕТ № 14

1) Найти пределы:
$$a$$
) $\lim_{x \to -2} \frac{x^2 + 2x}{x^2 + 4x + 4}$; δ) $\lim_{x \to \infty} \frac{x^2 + 5x - 11}{2x^2 - 2x + 4}$; ϵ) $\lim_{x \to -3} \frac{\sqrt{x + 4} - 1}{3 + x}$;

$$2) \lim_{x \to 0} \frac{2x}{\sin 4x}; \quad \partial \lim_{x \to \infty} \left(\frac{x+4}{x+1}\right)^{4x+5}.$$

2) Найти производные функций:

a)
$$y = 10x^6 - \frac{4}{x} + 3\sqrt[5]{x}$$
; δ) $y = e^x \operatorname{ctg} x$; δ) $y = \frac{x^5}{3x+2}$; δ) $y = \ln^4 \sin 3x$; δ) $x^2 + y^2 = \ln \frac{y}{x} + 7$;
e) $y = tg 4x$, $y'' - ?$

3) Найти интегралы:
$$a$$
) $\int \left(2x + \frac{x^3}{3} + \frac{3}{x^3} - \sqrt[3]{x}\right) dx$; δ) $\int \frac{\ln(x-9)}{x-9} dx$; ϵ) $\int (x+1)\sin\frac{x}{3} dx$. БИЛЕТ № 15

1) Найти пределы:
$$a$$
) $\lim_{x \to -2} \frac{x^2 + 2x}{x^2 + 4x + 4}$; δ) $\lim_{x \to \infty} \frac{x^2 + 5x - 11}{2x^2 - 2x + 4}$; ϵ) $\lim_{x \to -2} \frac{x + 2}{1 - \sqrt{x + 3}}$;

$$2) \lim_{x \to 0} \frac{\sin 9x}{3x}; \quad \partial \lim_{x \to \infty} \left(\frac{x+7}{x+3}\right)^{2x+1}.$$

2) Найти производные функций:

a)
$$y = x^4 - \frac{5}{x^2} + \frac{2}{7} \sqrt[9]{x^7} - \sqrt{6}$$
; δ) $y = 2x^2 \sin x$; δ) $y = \frac{5 - 3x}{4x + 7}$; δ) $y = \arctan \ln x$;

$$\partial$$
) $x^{y} \cdot y^{x} = 1$; e) $y = arctg x, y'' - ?$

3) Найти интегралы:
$$a$$
) $\int (4x^3 - 7\sqrt[8]{x^5} + \frac{6}{x^2} + 9)$; δ) $\int x \sin(x+7) dx$; ϵ) $\int \cos 8x dx$.

Критерии оценки письменной контрольной работы (в рамках рубежной аттестации)

Регламентом БРС кафедры «Высшая и прикладная математика» предусмотрено 25 баллов за выполнение рубежной контрольной работы. Каждое задание, входящее в контрольную, оценивается преподавателем определенным количеством баллов. Итоговый балл за контрольную работу получается суммированием баллов за все задания.

Критерий оценки одного задания:

- обучающийся правильно решил задачу; при этом логично, последовательно и аргументированно изложил решение задачи – максимальное количество баллов;
- обучающийся в основном правильно решил задачу, допустив при этом незначительные неточности и погрешности 80% от максимального количества баллов;
- обучающийся не полностью решил задачу, но не менее 50%, допустив при этом не более одной грубой ошибки 60% от максимального количества баллов;
- обучающийся привел неполное решение задачи (степень полноты от 30% до 50%), допустив при этом значительные недочеты 40% от максимального количества баллов;
- обучающийся привел не более 30% решения задачи, допустив при этом грубые ошибки и недочеты -20% от максимального количества баллов;
- обучающийся не приступил к решению задачи 0 баллов.

БИЛЕТЫ ДЛЯ ЭКЗАМЕНА Вариант 1

- 1) Определители 2-го и 3-го порядков. Алгебраические дополнения и миноры. Понятие об определителе *n*-го порядка. Основные свойства определителей; их применение к вычислению определителей *n*-го порядка.
- 2) Решить систему линейных уравнений $\begin{cases} 2x_1 x_2 + x_3 = 4, \\ 3x_1 + 3x_2 + 4x_3 = -3, \\ x_1 2x_2 + x_3 = 2. \end{cases}$
- 3)Найти площадь треугольника с вершинами: A(1;0;1), B(0;1;1), C(1;1;0).
- 4) Написать уравнение прямой, проходящей через точку A(5,-2), параллельно прямой, заданной уравнением 3x-4y-6=0. Построить эти прямые.
- 5) Найти координаты центра о радиус окружности и построить ее: $x^2 + y^2 + 6y 7 = 0$.
- 6) Найти пределы: a) $\lim_{x \to -5} \frac{x^2 x 20}{2x^2 + 7x 15}$; σ) $\lim_{x \to -1} \frac{1 + x}{1 \sqrt{3x + 4}}$.
- 7) Найти производные функций:

a)
$$y = 3\sqrt{x} + 9x^5 - \frac{\sqrt[3]{x}}{4}$$
; 6) $y = \frac{\cos 4x}{3x - 2\sin x}$; 6) $y = 4^x \operatorname{ctg} 3x$.

8) Найти интегралы:
$$a$$
) $\int \left(5x^8 - \frac{4}{x^3\sqrt{x^2}} + \frac{3}{2x^7} - \frac{3}{4}\right) dx$, δ) $\int \frac{5xdx}{\sqrt{4x^2 + 7}}$.

Вариант 2

- 1) Скалярное произведение векторов и его свойства. Угол между векторами. Условие перпендикулярности двух векторов. Механический смысл скалярного произведения.
- 2) Решить систему уравнений $\begin{cases} x_1 3x_2 + x_3 = -9; \\ 4x_1 + 2x_2 x_3 = -8; \\ x_1 + 2x_3 = -3. \end{cases}$

- 3) Найти площадь треугольника с вершинами: A(3; -3; 0), B(1; 2; 7), C(0; -1; 3)
- 4) Написать уравнение прямой, проходящей через точку M(2;-3;4), параллельно прямой, заданной уравнением 3x-2y-7=0.
- 5) Найти координаты центра о радиус окружности и построить ее: $x^2 + y^2 + 16x 20y 5 = 0$.
- 6) Найти пределы: a) $\lim_{x\to -2} \frac{4-\sqrt{x+6}}{2+x}$; δ) $\lim_{x\to \infty} \left(\frac{3x}{3x+7}\right)^{5x+6}$.
- 7) Найти производные функций:

a)
$$y = \frac{4}{5x} - 5\sqrt{x} - 2x^4 + 3\sqrt[3]{x}$$
; 6) $y = 4^x x^6$; 6) $y = \frac{\sin 2x}{4 - \cos 3x}$.

8) Найти
$$a$$
) $\int \frac{\sqrt{x^7 - 8x^3 + 9}}{3x^3} dx$; δ) $\int \frac{dx}{\sqrt[3]{6x - 1}}$.

- 1) Прямая на плоскости. Различные виды уравнений прямой на плоскости. Угол между прямыми. Условия перпендикулярности и параллельности прямых. Расстояние от точки до прямой.
- 2) Решить систему уравнений $\begin{cases} 3x_1 + x_2 + 5x_3 = 0, \\ 2x_1 + 3x_2 + 3x_3 = 3, \\ 2x_1 + x_2 + 4x_3 = -1. \end{cases}$
- 3) Найти площадь треугольника с вершинами: A(5;6;-2), B(2;-4;5), C(-5;3;-1).
- 4) Написать уравнение прямой, проходящей через точку пересечения прямых, заданными уравнениями: x+2y+3=0, 4x+5y+6=0, перпендикулярно прямой, заданной уравнением x+y-6=0.
- 5) Привести к каноническому виду уравнение кривой и построить ее: $9x^2+10y^2+40y-50=0$.
- 6) Найти пределы: a) $\lim_{x\to -2} \frac{x^3-8}{2x^2+x-6}$; e) $\lim_{x\to 5} \frac{\sqrt{3x-4}-\sqrt{x+6}}{x-5}$.
- 7) Найти производные функций:

a)
$$y = \frac{5}{6}x^9 - \frac{1}{4x} + \frac{1}{4}x - \sqrt[3]{17}$$
; δ) $y = \frac{3\sin 2x}{x}$; δ) $y = 3^x \arctan 4x$.

8) Найти интегралы: a) $\int (4x^3 - 7\sqrt[8]{x^5} + \frac{6}{x^2} + 9)$; δ) $\int (3x - 2)\sin x dx$.

Вариант 4

- 1) Матрицы. Действия над матрицами. Обратная матрица. Матричный способ решения систем линейных уравнений.
- 2) Решить систему уравнений методом Крамера или Гаусса:

$$\begin{cases}
7x_1 - 5x_2 = -3, \\
4x_1 + 11x_3 = 26, \\
2x_1 + 3x_2 + 4x_3 = 13.
\end{cases}$$

- 3) Найти площадь треугольника с вершинами: A(-3;2;5), B(5;-1;2), C(0;2;-4).
- 4) Дано уравнение прямой в «отрезках» $\frac{x}{7} + \frac{y}{-5} = 1$. Представить его виде общего уравнения прямой, в виде уравнения с угловым коэффициентом и построить эту прямую.
- 5) Дано общее уравнение кривой 2-го порядка $5x^2 + 9y^2 30x + 18y + 9 = 0$. Привести его к каноническому виду и постройте кривую.
- 6) Найти пределы: a $\lim_{x\to -1} \frac{x^2-x-2}{3x^2-3}$; δ $\lim_{x\to 0} \frac{\sqrt{9-x}-3}{4x}$.
- 7) Найти производные функций:

a)
$$y = 5x^7 - \frac{6}{\sqrt{x}} + \sqrt[5]{x^3} - 8^x$$
; 6) $y = x \arccos tg \, 4x$; e) $y = \frac{3 - 4^x}{3 + 4^x}$; e) $y = \sin^4 x^3$.

8) Найти интегралы:
$$a$$
) $\int (5x^3 - 9\sqrt[7]{x^4} + \frac{7}{x^8} + x)$; δ) $\int 3x \sin(2x + 7) dx$.

- 1) Предел функции в точке. Предел функции на бесконечности. Односторонние пределы. Ограниченность функции, имеющий предел.
- 2) Решить систему уравнений: $\begin{cases} x_1 + x_2 + x_3 = 3, \\ 2x_1 x_2 + x_3 = 2, \\ x_1 + 4x_2 + 2x_3 = 5 \end{cases}$
- 3) Найти площадь треугольника с вершинами: *A*(2;-1;3), *B*(3;0;-5), *C*(-1;-4;6).
- 4) Дано уравнение прямой 2x+3y+4=0. Составить уравнение прямой, проходящей через точку M(2;1), параллельно данной прямой.
- 5) Привести к каноническому виду уравнение кривой и построить её: $16x^2-9y^2-64x-54y-161=0$.
- 6) Найти пределы: a) $\lim_{x\to -4} \frac{x^2 16}{x^2 + 3x 4}$; e) $\lim_{x\to 0} \frac{\sqrt{x+1} \sqrt{1-x}}{5x}$.
- 7) Найти производные функций: a) $y = \frac{4}{6}x^9 \frac{6}{x^7} + 7\sqrt[3]{x^2} \frac{1}{3}$; δ) $y = 7^x \cdot x^3$; ϵ) $y = \log_6(3x^2 + 2x + 1)$; ϵ) $y = \frac{\sqrt{x}}{\sin 3x}$.
- 8) Найти интегралы: a) $\int \left(5x^4 5\sqrt[3]{x} + \frac{3}{x^8} + 5\right) dx$; δ) $\int \frac{6xdx}{\sqrt{4x^2 + 1}}$; ϵ) $\int (3x + 2)\cos\frac{x}{9} dx$.

Вариант 6

1) Основные теоремы о пределах. Раскрытие неопределенностей $\left[\frac{0}{0}\right]$ и $\left[\frac{\infty}{\infty}\right]$. Первый замечательный предел.

2) Решить систему уравнений:
$$\begin{cases} x_1 + 2x_2 + 3x_3 = 4, \\ 2x_1 + 6x_2 + 4x_3 = -6, \\ 3x_1 + 10x_2 + 8x_3 = -8 \end{cases}$$

- 3) Найти угол ABC, если известны координаты точек: A(5;-1;-4), B(-2;3;1), C(-3;-2;6).
- 4) Даны точки на плоскости: A(-3; 2), B(-1; 5). Составить общее уравнение прямой, проходящей через эти точки, привести его к виду с угловым коэффициентом и построить прямую.
- 5) Дано общее уравнение кривой $4x^2 + 36y^2 + 72y 16x 92 = 0$. Привести его к каноническому виду и построить эту кривую.
- 6) Найти пределы: a) $\lim_{x\to 3} \frac{x^2+x-12}{x^2-9}$; δ) $\lim_{x\to -2} \frac{x+2}{x+\sqrt{x+6}}$.
- 7) Найти производные функций:

a)
$$y = 5x^2 - \frac{6}{5x^7} + \frac{4}{\sqrt[3]{x}} + 3$$
; 6) $y = x^6 \log_4 x$; 8) $y = \frac{2 + 3e^x}{3 - 2e^x}$; 2) $y = \arctan^2 \frac{1}{x}$.

8) Найти
$$a) \int \left(4x^2 + 2\sqrt[3]{x} - \frac{5}{x^7} + 3\right) dx$$
; $\delta) \int 4x \cos(2x+1) dx$.

- 1) Производная функции одной переменной; её геометрический и механический смысл. Дифференцируемость функции.
- 2) Решить систему уравнений: $\begin{cases} 3x_1 + x_2 x_3 = 10, \\ -3x_1 + 3x_2 + 2x_3 = 8, \\ 5x_1 + 2x_2 + 8x_3 = -1. \end{cases}$
- 3) Даны координаты точек K(5;6;-2), B(2;-4;5), D(-5;3;-1). Найти угол BKD.
- 4) Даны точки на плоскости: A(-3; 2), B(-1; 5). Составить общее уравнение прямой, проходящей через эти точки, привести его к виду с угловым коэффициентом и построить прямую.
- 5) Найти координаты центра о радиус окружности и построить ее: $9x^2+9y^2+36x-18y+20=0$
- 6) Найти пределы: a) $\lim_{x\to -2} \frac{x^2-4}{3x^2+x-10}$; δ) $\lim_{x\to 1} \frac{\sqrt{3x}-\sqrt{x+2}}{x-1}$.
- 7) Найти производные функций:

a)
$$y = \frac{2}{9}x^6 - \frac{12}{x^4} + \frac{4}{\sqrt{x}} - \sqrt{7}$$
; δ) $y = x^6 \cdot \log_7 x$; δ) $y = \frac{3x^2}{5x^2 + 1}$; ϵ) $y = \ln(4x + 5)$.

8) Найти интегралы:
$$a) \int \frac{x^2 + 3\sqrt{x} - 1}{3x} dx$$
; $\delta) \int \sqrt[7]{(3 - 5x)^2} dx$.

Вариант 8

1) Основные правила дифференцирования. Производная сложной функции. Производные основных элементарных функций. Логарифмическое

дифференцирование.

2) Решить систему уравнений:
$$\begin{cases} x_1 - 3x_2 + x_3 = 6; \\ 4x_1 + 2x_2 - x_3 = 5; \\ x_1 + 2x_3 = 4. \end{cases}$$

- 3) Даны точки с координатами A(2;-1;3), B(4;3;-4), C(-3;2;-1).. Найти площадь треугольника ABC.
- 4) Дано уравнение прямой в «отрезках» $\frac{x}{2} + \frac{y}{-7} = 1$. Представить его виде уравнения, записанного в общем виде и построить эту прямую.
- 5) Привести к каноническому виду уравнение кривой и построить её: $9x^2 + 4y^2 + 54x + 8y + 49 = 0$.

6) Найти пределы:
$$a$$
) $\lim_{x\to -2} \frac{x^2-x-6}{2x^2+x-6}$; δ) $\lim_{x\to \infty} \frac{5x^2+7x+2}{2x^2+x-1}$;

6)
$$\lim_{x\to 5} \frac{\sqrt{2x-4}-\sqrt{x+1}}{x-5}$$
; ϵ) $\lim_{x\to 0} \frac{\sin 2x}{\sin 7x}$; δ) $\lim_{x\to \infty} \left(\frac{2x+1}{2x-3}\right)^{5x}$.

- 7) Найти производные функций
- 8) Найти интегралы: $a) \int \left(4x^3 7\sqrt[8]{x^5} + \frac{6}{x^2} + 9\right); \ \delta) \int \frac{\sin x dx}{\sqrt{\cos x + 3}}.$

Вариант 9

- 1) Понятие первообразной. Неопределённый интеграл и его свойства. Таблица неопределённых интегралов.
- 2) Решить систему уравнений: $\begin{cases} 3x_1 + x_2 5x_3 = -2, \\ 2x_1 + 3x_2 3x_3 = -1, \\ -2x_1 + x_2 + 4x_3 = 2. \end{cases}$
- 3) Найти угол ACB треугольника с вершинами: A(7;3;4), B(1;0;6), C(4;5;-2).
- 4) Представить общее уравнение прямой 2x-3y-5=0 в виде уравнения с угловым коэффициентом и построить эту прямую.
- 5) Дано общее уравнение кривой $4x^2 + 36y^2 + 72y 16x 92 = 0$. Привести его к каноническому виду и построить эту кривую.

19

6) Найти пределы:

a)
$$\lim_{x \to -2} \frac{9x^2 + 17x - 2}{x^2 + 2x}$$
; δ) $\lim_{x \to \infty} \frac{5x^2 + 9}{3x^2 + 2x - 5}$; ϵ) $\lim_{x \to 0} \frac{\sqrt{9 - x} - 3}{2x}$; ϵ) $\lim_{x \to 0} \frac{\sin 4x}{5x}$; δ) $\lim_{x \to \infty} \left(\frac{4x + 7}{4x + 3}\right)^{5x + 2}$.

7) Найти производные функций:

a)
$$y = 5x^7 - \frac{6}{\sqrt{x}} + \sqrt[5]{x^3} - 8^x$$
; 6) $y = x \arccos x$; 6) $y = \frac{2 - 5^x}{2 + 5^x}$; 2) $y = \sin^2(x + 1)$.

8) Найти интегралы: $a) \int \left(x^5 + 9x\sqrt{x} - \frac{2}{x^3} + 8\right) dx$; $\delta \int x \sin 2x dx$.

- 1) Основные методы интегрирования: непосредственное интегрирование, метод подведения под знак дифференциала, метод замены переменной, метод интегрирования по частям.
- 2) Решить систему уравнений: $\begin{cases} x_1 2x_2 3x_3 = -1, \\ 4x_1 + x_2 + 2x_3 = 5, \\ 2x_1 + 5x_2 + x_3 = 7. \end{cases}$
- 3) Проверить, верно ли равенство: $3(3\vec{i}-2\vec{j}+\vec{k})\cdot\vec{k}-(7\vec{k}-\vec{i})\cdot\vec{j}=3$.
- 4) Составить уравнение прямой, проходящей через точку M(-4;3), и параллельной данной прямой x+2y+3=0 и построить эти прямые.
- 5) Привести к каноническому виду уравнение кривой и построить её: $3x^2+3y^2-4x-6y-15=0$.
- 6) Найти пределы: a) $\lim_{x \to -2} \frac{x^2 4}{3x^2 + x 10}$; b0) $\lim_{x \to \infty} \frac{5x^2 + x 7}{3x^2 + 4x}$; b0) $\lim_{x \to 1} \frac{\sqrt{2x} \sqrt{x + 1}}{2x 2}$;
- $2) \lim_{x \to 0} \frac{\sin 6x}{\sin 3x}; \quad \partial) \lim_{x \to 0} (1 + 2x)^{\frac{4}{x}}.$
- 6) Найти производные функций:
- a) $y = \frac{2}{9}x^6 \frac{1}{x^4} + \frac{3}{\sqrt{x}} \sqrt{6}$; δ) $y = x^2 \cdot \log_3 x$; δ) $y = \frac{x^2}{x^2 + 1}$; δ) $y = \ln \sqrt{x}$.
- 8) Найти интегралы: a) $\int \left(1-3x^2\sqrt[4]{x}-\frac{5}{x^2}+4\right)dx$; δ) $\int (x+1)e^{-x}dx$.