

Документ подписан простой электронной подписью
Информация о владельце:
ФИО: Ястребов Олег Александрович
Должность: Ректор
Дата подписания: 29.04.2026 15:51:48
Уникальный программный ключ:
ca953a0120d891083f939673078ef1a9836ae18a

Федеральное государственное автономное образовательное учреждение высшего образования «Российский университет дружбы народов им. Патриса Лумумбы»
Факультет Физико-Математических и Естественных Наук
(наименование основного учебного подразделения (ОУП)-разработчика программы аспирантуры)

Математический институт имени академика С.М. Никольского
(наименование базового учебного подразделения (БУП)-разработчика программы аспирантуры)

РАБОЧАЯ ПРОГРАММА ДИСЦИПЛИНЫ

Вычислительная математика
(наименование дисциплины/модуля)

Научная специальность:

1.1.6. Вычислительная математика
(код и наименование научной специальности)

Освоение дисциплины ведется в рамках реализации программы аспирантуры:

Вычислительная математика
(наименование программы подготовки научных и научно-педагогических кадров в аспирантуре)

2026 г.

1. ЦЕЛЬ ОСВОЕНИЯ ДИСЦИПЛИНЫ

Целью освоения дисциплины «Вычислительная математика», является подготовка к сдаче кандидатских экзаменов.

2. ТРЕБОВАНИЯ К РЕЗУЛЬТАТАМ ОСВОЕНИЯ ДИСЦИПЛИНЫ

Освоение «Вычислительная математика», направлено на подготовку к сдаче кандидатских экзаменов, а также развитие таких способностей, как:

- владение и применение базовых научно-теоретических знаний для решения теоретических и практических задач;
- владение методами и инструментарием системного анализа;
- владение исследовательскими навыками;
- умение работать самостоятельно;
- способность порождать новые идеи;
- владение междисциплинарным подходом при решении проблем;
- лингвистические навыки;
- умение самостоятельно повышать свою квалификацию;
- умение оценивать исторические и современные процессы, тенденции развития науки;
- понимание сущности, значение и остроту математических проблем и грамотный подход к их постановке и поискам решения;
- исследовательские навыки и техники;
- использование научно-исследовательской среды;
- самоэффективность;
- коммуникативные навыки;
- опыт сетевой и групповой работы;
- управление карьерой и исследованием;
- работа с научными источниками и базами знаний при подготовке научных публикаций;
- написание научных работ (в частности, научно-исследовательских статей);
- применение методов обоснования выдвигаемых научных гипотез;
- навыки публичных выступлений и презентаций.

3. ОБЪЕМ ДИСЦИПЛИНЫ И ВИДЫ УЧЕБНОЙ РАБОТЫ

Общая трудоемкость дисциплины «Вычислительная математика», составляет 6 зачетных единиц.

Таблица 3.1. Виды учебной работы по периодам освоения программы аспирантуры

Вид учебной работы	ВСЕГО, ак.ч.	Курс			
		1	2	3	4
Контактная работа, ак.ч.	80				
в том числе:					
Лекции (ЛК)	40	40			
Лабораторные работы (ЛР)					
Практические/семинарские занятия (СЗ)	40	40			
Самостоятельная работа обучающихся, ак.ч.	132	132			
Контроль (зачет с оценкой), ак.ч.	4	4			
Общая трудоемкость дисциплины	ак.ч.	216			
	зач.ед.	6			

4. СОДЕРЖАНИЕ ДИСЦИПЛИНЫ

Таблица 4.1. Содержание дисциплины (модуля) по видам учебной работы

Наименование раздела дисциплины	Содержание раздела (темы)	Вид учебной работы
---------------------------------	---------------------------	--------------------

Наименование раздела дисциплины	Содержание раздела (темы)	Вид учебной работы
<p style="text-align: center;">Раздел 1 Теория вероятностей</p>	<p>Тема 1.1. Одномерные случайные величины и их распределения. Функция распределения случайной величины. Дискретные и непрерывные случайные величины. Функции от случайной величины.</p>	ЛК
	<p>Тема 1.2 Многомерные случайные величины и их свойства.</p>	ЛК
	<p>Тема 1.3. Числовые характеристики случайных величин. Математическое ожидание случайной величины. Свойства математического ожидания. Ковариация и корреляция случайных величин.</p>	ЛК, СЗ
	<p>Тема 1.4 Предельные теоремы теории вероятностей. Неравенство Чебышева. Закон больших чисел. Усиленный закон больших чисел. Характеристическая функция. Центральная предельная теорема</p>	ЛК, СЗ
<p style="text-align: center;">Раздел 2 Математическая логика</p>	<p>Тема 2.1. Прямое произведение множеств. Соответствия и функции. Функции алгебры логики. Примеры логических функций. Суперпозиции и формулы. Булева Алгебра.</p>	ЛК
	<p>Тема 2.2. Принцип двойственности. СДНФ. Разложение булевых функций по переменным. Построение СДНФ для функции, заданной таблицей СКНФ. Основные эквивалентные преобразования.</p>	ЛК, СЗ
	<p>Тема 2.3. Проблема минимизации. Порождение простых импликантов. Алгоритм Куайна и Мак-Клоски. Таблицы простых импликантов.</p>	ЛК
	<p>Тема 2.4. Полнота и замкнутость систем логических функций. Основные классы.</p>	
	<p>Тема 2.5. Исчисление высказываний. Понятие предиката. Кванторы. Алфавит. Формулы. Интерпретация формул.</p>	
<p style="text-align: center;">Раздел 3 Теория графов</p>	<p>Тема 3.1. Графы. Основные определения, пути, маршруты, цепи, циклы; связность, деревья и леса.</p>	ЛК, СЗ
	<p>Тема 3.2. Типы графов. Сильно связанные графы и компоненты графа. Матричные представления</p>	ЛК, СЗ
	<p>Тема 3.3. Достижимость и связность. Матрицы достижимостей. Транзитивное замыкание.</p>	ЛК, СЗ
	<p>Тема 3.4. Раскраски графов. Циклы и</p>	ЛК, СЗ

Наименование раздела дисциплины	Содержание раздела (темы)	Вид учебной работы
	разрезы. Независимые и покрывающие множества	
	Тема 3.5. Потоки в сетях.	СЗ
Раздел 4 Теория марковских процессов	Тема 4.1. Определение и основные свойства цепи Маркова с дискретным множеством состояний.	ЛК, СЗ
	Тема 4.2. Эргодичность и равновесное распределение цепи Маркова с дискретным множеством состояний.	ЛК, СЗ
	Тема 4.3. Марковские процессы с дискретным множеством состояний. Скачкообразный Марковский процесс.	ЛК, СЗ
	Тема 4.4. Марковские процессы с дискретным множеством состояний. Система дифференциальных уравнений Колмогорова. Стационарные Марковские процессы.	ЛК, СЗ
	Тема 4.5. Процесс размножения и гибели. Условие Карлина-МакГрегора.	ЛК, СЗ
	Тема 4.6. Обратимые Марковские процессы. Критерий Колмогорова. Сужение Марковского процесса.	ЛК, СЗ
Раздел 5. Математическая теория телетрафика и теория массового обслуживания	Тема 5.1. Системы массового обслуживания (СМО).	ЛК, СЗ
	Тема 5.2. Первая модель Эрланга. Распределение и первая формула Эрланга. Первая модель Эрланга с ожиданием и блокировками. Второе распределение Эрланга. Модель Энгсета. Распределение числа занятых линий.	ЛК, СЗ
	Тема 5.3. Мультисервисная модель Эрланга с явными потерями. Пространство состояний системы. Две мультисервисные модели Энгсета с явными потерями.	ЛК, СЗ
	Тема 5.4. Открытые однородные экспоненциальные сети (Джексона). Параметры сети Джексона. Анализ частот посещения заявкой узлов сети. Равновесное распределение числа заявок в узлах. Вычисление нормирующей константы методом Бузена.	ЛК, СЗ

5. МАТЕРИАЛЬНО-ТЕХНИЧЕСКОЕ ОБЕСПЕЧЕНИЕ ДИСЦИПЛИНЫ

Таблица 5.1. Материально-техническое обеспечение дисциплины

Тип аудитории	Оснащение аудитории	Специализированное учебное/лабораторное оборудование, ПО и материалы для освоения дисциплины (при необходимости)
Лекционная	Аудитория для проведения занятий лекционного типа, оснащенная комплектом специализированной мебели; доской (экраном) и техническими средствами мультимедиа презентаций.	
Семинарская	Аудитория для проведения занятий семинарского типа, групповых и индивидуальных консультаций, текущего контроля и промежуточной аттестации, оснащенная комплектом специализированной мебели и техническими средствами мультимедиа презентаций.	
Компьютерный класс	Компьютерный класс для проведения занятий, групповых и индивидуальных консультаций, текущего контроля и промежуточной аттестации, оснащенная персональными компьютерами (в количестве ___ шт.), доской (экраном) и техническими средствами мультимедиа презентаций.	
Для самостоятельной работы обучающихся	Аудитория для самостоятельной работы обучающихся (может использоваться для проведения семинарских занятий и консультаций), оснащенная комплектом специализированной мебели и компьютерами с доступом в ЭИОС.	

* - аудитория для самостоятельной работы обучающихся указывается обязательно!

6. УЧЕБНО-МЕТОДИЧЕСКОЕ И ИНФОРМАЦИОННОЕ ОБЕСПЕЧЕНИЕ ДИСЦИПЛИНЫ

Основная литература:

- [1]. Бочаров П.П., Печинкин А.В. *Теория вероятностей. Математическая статистика* // М.: ФИЗМАТЛИТ, 2005.
- [2]. Башарин Г.П. *Введение в теорию вероятностей. Учебное пособие* // М.: Изд-во РУДН, 2010.
- [3]. Новиков Ф.А. *Дискретная математика для программистов* // СПб.: Питер, 2004.
- [4]. Микони С.В., *Дискретная математика для бакалавра. Множества, отношения, функции, графы.* –СПб: Изд-во Лань, 2013.
- [5]. Горбатов В.А., Горбатов А.В., Горбатова М.В. *Дискретная математика.* –М.: АСТ, 2014.
- [6]. Кристофидес Н. *Теория графов. Алгоритмический подход* // М.: Мир, 2001.

- [7]. Diestel R. *Graph Theory* // New York: Springer-Verlag, 1997-2000.
- [8]. Рыков В.В. *Прикладные стохастические модели: Учебное пособие*. –М.: ООО «Издательский дом Недра», 2016.
- [9]. Башарин Г.П. *Лекции по математической теории телетрафика* // М.: Изд-во РУДН, 2004.
- [10]. Бочаров П.П., Печинкин А.В. *Теория массового обслуживания* // М.: Изд-во РУДН, 2005.

Дополнительная литература:

- [11]. Вентцель Е.С., Овчаров Л.А. *Прикладные задачи теории вероятностей* // М.: Радио и связь, 2001.
- [12]. Гаврилов Г.П., Сапоженко А.А. *Задачи и упражнения по курсу дискретной математики. Учебное пособие*. – М.: Наука, 2002.
- [13]. Феллер У. *Введение в теорию вероятностей и её приложения. Том 2*. –М.: Изд-во «Лань», 2024.

Ресурсы информационно-телекоммуникационной сети «Интернет»:

1. ВАК РФ <http://vak.ed.gov.ru>
2. Электронная библиотека РГБ <http://www.rsl.ru/>
3. Сайт библиотеки РУДН <http://lib.rudn.ru/>
4. Science Direct <http://www.sciencedirect.com> Описание: Ресурс содержит коллекцию научной, технической полнотекстовой и библиографической информации. База данных мультидисциплинарного характера включает научные журналы по точным и техническим наукам.
5. EBSCO <http://search.ebscohost.com>, Academic Search Premier (база данных комплексной тематики, содержит информацию по гуманитарным и естественным областям знания).
6. Oxford University Press <http://www3.oup.co.uk/jnls>. Журналы по точным и техническим наукам Oxford University Press представлены в коллекции HSS
7. Sage Publications <http://online.sagepub.com>. База публикаций Sage включает в себя журналы по разным отраслям знаний: Sage_STM – более 100 журналов в области естественных наук, техники.
8. Springer/Kluwer <http://www.springerlink.com>. Журналы и книги издательства
9. Springer/Kluwer охватывают различные области знания и разбиты на предметные категории.
10. Tailor & Francis <http://www.informaworld.com>. Коллекция журналов насчитывает более 1000 наименований по всем областям знаний.
11. American Mathematical Society <http://www.ams.org/> Ресурс американского математического общества.
12. European Mathematical Society <http://www.euro-math-soc.eu/> Ресурс европейского математического общества.
13. Portal to Mathematics Publications <http://www.emis.de/projects/EULER/>
14. Каталог математических интернет ресурсов <http://www.mathtree.ru/>
15. Zentralblatt MATH (zbMATH) <https://zbmath.org>
16. Общероссийский математический портал mathnet.ru
17. Web of Science <http://www.isiknowledge.com>
18. Ресурсы Института научной информации по общественным наукам Российской академии наук (ИНИОН РАН) <http://elibrary.ru>.
19. Университетская информационная система РОССИЯ. <http://www.cir.ru/index.jsp>.
20. Гости система стандартов по информации, библиотечному и издательскому делу <http://www.ifap.ru/library/gost/sibid.htm>.
21. Электронная библиотека РУДН <http://www.rsl.ru/>

г) периодические издания

Алгебра и анализ, Дискретная математика, Журнал вычислительной математики и математической физики, Известия Российской академии наук. Серия математическая, Математические заметки Математический сборник, Математическое моделирование, Теоретическая и математическая физика, Теория вероятностей и ее применения, Успехи математических наук, Функциональный анализ и его приложения, Труды Математического института им. В. А. Стеклова, Современные проблемы математики, Вычислительные методы и программирование, Труды семинара имени И. Г. Петровского, Учёные записки Московского государственного университета Фундаментальная и прикладная математика, Review of Modern Physics, Annual Review of Astronomy and Astrophysics, Annual Review of Biochemistry, Chemical Reviews Nature Physics, Annual Review of Condensed Matter Physics, Annals of Mathematics, Journal of the American Mathematical Society, Acta Mathematica, Communications on Pure and Applied Mathematics Swarm and Evolutionary Computation Geometric and Functional Analysis Formal Aspects of Computing, Discrete Mathematics, Theory of Computing Systems Reports on Progress in Physics New Journal of Physics.

7. ОЦЕНОЧНЫЕ МАТЕРИАЛЫ И БАЛЛЬНО-РЕЙТИНГОВАЯ СИСТЕМА ОЦЕНИВАНИЯ УРОВНЯ СФОРМИРОВАННОСТИ КОМПЕТЕНЦИЙ ПО ДИСЦИПЛИНЕ

Оценочные материалы и балльно-рейтинговая система оценки освоения дисциплины представлены в ТУИС.

РАЗРАБОТЧИКИ:

Профессор Мат. Института им.
С. М.Никольского

Должность, БУП



Ланеев Е.Б.

Фамилия И.О.

РУКОВОДИТЕЛЬ БУП:

Директор Мат. Института им.
С. М.Никольского

Наименование БУП



Муравник А.Б.

Фамилия И.О.